

الصف  
العاشر

الوحدة التاسعة:  
المزيد من المعادلات

(١) المعادلة التربيعية هي معادلة من الدرجة الثانية على الصورة:

$$أس^٢ + ب س + ج = ٠ ، حيث أ \neq ٠$$

✓ حل المعادلة التربيعية هو إيجاد قيمة س التي تحقق طرفي المعادلة.

✓ المعادلة التربيعية يمكن أن يكون لها حلان (جذران) مختلفان أو متساويان ويمكن أن لا يكون لها حلول.

(٢) تذكر أن: إذا كان  $أ \times ب = ٠$  فإن  $أ = ٠$  أو  $ب = ٠$ .

إذا كان  $٠ = (س + ٣) (س - ٢)$

فإن  $س - ٢ = ٠$  أو  $س + ٣ = ٠$

$س = ٢$  أو  $س = -٣$

مثال توضيحي



تذكر: أن تعيد كتابة المعادلة لتكون

معادلة صفرية إذا لم تكن كذلك

(٣) أوجد حل المعادلات التربيعية

الآتية بالتحليل إلى عوامل:

(٢)  $س^٢ - ٤س - ٤ = ٠$

(١)  $س^٢ + ٧س + ١٢ = ٠$

(٤)  $س^٢ - ٩ = ٠$

(٣)  $٢س^٢ - ٥س + ٢ = ٠$

٤) أوجد حل المعادلات التربيعية الآتية ياخذ الجذر التربيعي



$$٢) ٠ = ١٦ + ٩س^٢$$

$$١) ٠ = ٤ - ٢س$$

$$٤) ٩ = ٢(٢-س)^٢$$

$$٣) ٢٠ = ٥ - ٢س$$

٥) أوجد ناتج الضرب في أبسط صورة



$$٢) (٣-س٢)(٣+س٢)$$

$$١) س(١+س)$$

$$٣) (٢-س)(١-س٣)$$

$$٣) (١+س٣)(٥-س)$$



٦ تذكر أن :  $(أ + ب)^2 = أ^2 + ٢أب + ب^2$

$(أ - ب)^2 = أ^2 - ٢أب + ب^2$

فك وبسط :

(١)  $(٦ + س)^2$

(٢)  $(٢ - س)^2$

٧ العبارة الجبرية  $س^2 + ٢سص + ص^2$  تسمى مربع كامل

إذا تحققت الشروط التالية :

✓ الحد الأول والثالث مكتوبين في صورة مربع كامل.

✓ الحد الأوسط  $= \pm ٢ \times \sqrt{\text{الحد الأول}} \times \sqrt{\text{الحد الثالث}}$

✓ يمكن تحليل المربع الكامل بالصورة الآتية :

$(\sqrt{\text{الحد الأول}} \pm \sqrt{\text{الحد الثالث}})^2$

$س^2 \pm ٢سص + ص^2 = (س \pm ص)^2$

نفس إشارة الحد الأوسط

اختبر فهمك:

(١) إذا كانت كل عبارة جبرية مما يلي تمثل مربع كامل ، فأكمل :

$$(أ) \quad {}^2( \square + \square ) = ٤٩ + ١٤س + ٢س$$

$$(ب) \quad {}^2( \square - \square ) = ٩ + ٦س - ٢س$$

$$(ج) \quad {}^2( \square ) = ٢٥ب + ١٠أ - ٢أ$$

(٢) أوجد قيمة ك التي تجعل العبارة مربعا كاملا :

$$(أ) \quad ٨س - ٢س + ك$$

$$(ب) \quad ٤س + ك + ٢٥$$



## (١-٩) الإكمال إلى مربع

الإكمال إلى مربع هي طريقة لكتابة العبارة التربيعية أس<sup>٢</sup>+ب س+ج على الصورة أ (س + ك)<sup>٢</sup> + د

أكتب العبارة الجبرية س<sup>٢</sup>+٦س+٥  
في صورة (س + أ)<sup>٢</sup> + ب

مثال توضيحي



الحل:

(١) نوجد قيمة المقدار

$$٩ = \frac{٢(٦)}{٢} = \frac{٢(معامل س)}{٢}$$

(٢) نضيف ونطرح ٩  
من العبارة الجبرية

$$س^٢ + ٦س + ٥ = (س + ٣)^٢ - ٤$$

$$٤ - ٢(٣ + س) =$$

$$٣ = أ ، ب = -٤$$

**ملاحظة:** إذا كانت س<sup>٢</sup>+ك س+ج = (س + أ)<sup>٢</sup>+ب

$$أ = \frac{معامل س بإشارته}{٢} = \frac{ك}{٢} = \frac{٦}{٢} = ٣$$

$$ب = ج - \frac{(معامل س)^٢}{٢} = ج - ٩ = -٤$$

### نشاط فردي:

حوط الصورة (س + أ)<sup>٢</sup> + ب ، المناسبة للعبارة الجبرية س<sup>٢</sup> - ٢س - ١٧

$$١٦ - ٢(١ + س) \bigcirc$$

$$١٨ - ٢(١ - س) \bigcirc$$

$$١٦ + ٢(١ - س) \bigcirc$$

$$١٨ - ٢(١ + س) \bigcirc$$

نشاط جماعي: صل كل عبارة جبرية بالصورة (س + أ)<sup>٢</sup> + ب المناسبة لها

$$٣٠٠ - ٢(١٠ + س)$$

$$س٢ - ٣س - ٣$$

$$٥ + ٢(٣ + س)$$

$$س٢ - ٢٠س + ٤٠٠$$

$$٣٠٠ + ٢(١٠ - س)$$

$$س٢ + ٦س + ١٤$$

$$\frac{٢١}{٤} - \frac{٢(٣ - س)}{٢}$$



### ملاحظة:

يمكن كتابة العبارة الجبرية  $s^2 + أس$  في صورة  $(\frac{1}{p} + s)^2 - (\frac{1}{p})^2$

مثال: (١)  $s^2 + ٦س = (س + ٣)^2 - ٩$

(٢)  $s^2 - ٣س = (س - \frac{٣}{٢})^2 - \frac{٩}{٤}$

**نشاط فردي:** إذا كان  $s^2 - ٩س + ١٢ = (س - أ)^2 - ب$ ، أوجد قيمة كلا من أ، ب

الحل:



### نشاط إثرائي:

(١) إذا كان  $s^2 + ٦س + أ = (س + ب)^2 + ج$ ، وكان أ + ج = -٧ حو ط قيمة ج

٣ ○

٨- ○

١ ○

٢- ○

(٢) ضع العبارة التربيعية  $s^2 - ١٦س + ٣٠$  على الصورة  $(س + ب)^2 + ج$


الحل:





## حل المعادلات التربيعية بالإكمال إلى مربع :

تستخدم طريقة الإكمال إلى مربع لحل المعادلات التربيعية التي لا يمكن حلها باستخدام التحليل إلى عوامل

**مثال:** حل كل معادلة من المعادلات التربيعية التالية بالإكمال إلى مربع وأكتب الناتج مقربا إلى أقرب منزلتين عشريتين 

$$(1) \text{ س}^2 - 2\text{س} - 1 = 0$$

حل توضيحي:

$$(2) \text{ س}^2 - 5 = 0$$

\* نضع المعادلة على الصورة  
أس<sup>2</sup> + ب س + ج = 0  
\* بضرب الطرفين × س

$$\text{الحل: س} \times (\text{س} - 5) = \frac{2}{\text{س}} \times \text{س}$$

$$\text{س}^2 - 5\text{س} = 2$$

أكمل الحل ...

- نضع المعادلة على الصورة  
أس<sup>٢</sup> + ب س + ج = د
- نقسم المعادلة على ٣  
نضيف ونطرح  $(\frac{2}{3})^2 = 1$

$$(3) \quad 3س^2 = 2(3س+2)$$

$$\text{الحل: } 3س^2 = 6س + 4$$

أكمل الحل ...



**نشاط فردي:** إذا كانت العبارة الجبرية  $s^2 - 4s + 2$  يمكن وضعها على الصورة  $(s + 2) + b$

(١) أكمل:  $a =$    $b =$

(٢) استخدم إجابتك في السؤال (١) لحل المعادلة  $s^2 + 4s - 6 = 0$   
وأكتب الناتج مقرباً إلى أقرب منزلتين عشريتين

**الحل:**



**نشاط جماعي:**

تقول فاطمة

حل المعادلة التربيعية  $(s-4)(s+2) = 5$   
بالإكمال إلى مربع هو  $\pm 1 \sqrt{12}$



هل ما تقوله فاطمة  صح  خطأ ، فسر إجابتك

**الحل:**



## الصيغة التربيعية (٩ - ٢)

**تذكر أن:** المعادلة التربيعية هي معادلة على الصورة أس<sup>٢</sup> + ب س + ج = ٠ ، أ ≠ ٠

### التعلم القبلي:

(١) عين المعاملات أ ، ب ، ج للمعادلات الآتية :  
(أ) أس<sup>٢</sup> + ٣ س + ٢ = ٠  
(ب) (س + ٧) (س - ٥) = ٩

(٢) إذا كان أس<sup>٢</sup> + ب س + ج = ٨ - ٣ س (س + ٤) حو ط قيمة أ - ب - ج

٧ ○

١ ○

٧ ○

٢٣- ○

**تعريف:** يمكن حل المعادلة التربيعية أس<sup>٢</sup> + ب س + ج = ٠ حيث أ ≠ ٠

بالصيغة التربيعية على النحو:

$$٠ \leq ٤ - ٢ أ ج$$

حيث

$$س = \frac{-٢ ب \pm \sqrt{٤ - ٢ أ ج}}{٢ أ}$$

### ملاحظات مهمة

يجب وضع المعادلة التربيعية على صورة أس<sup>٢</sup> + ب س + ج = ٠

الرمز + في الصيغة يدل على ضرورة إيجاد قيمتين

يمكن استخدام الصيغة التربيعية لحل المعادلة التربيعية في كل الحالات

مثال (١): حل كل معادلة من المعادلات التالية بالتحليل إلى عوامل والصيغة التربيعية

$$\text{ب) } ٠ = ٣٦ + ٩س + ٢س$$

$$\text{أ) } ٠ = ١٢ + ٧س + ٢س$$

مثال (٢): حل كل معادلة من المعادلات التالية باستخدام الصيغة التربيعية  
قرب إجابتك إلى عدد مكون من ٣ أرقام معنوية عند الضرورة.

$$\text{ب) } ٠ = ١ + ٢س - ٢س$$

$$\text{أ) } ٠ = ١ - ٦س + ٢س$$

$$\text{د) } ٧ = س + \frac{١}{س}$$

$$\text{ج) } ٩ = (٥ + س)(٧ + س)$$

## حل المعادلات الآتية (٣-٩)

التعلم القبلي : تذكر أن:

$$ص + س = ٢٠$$

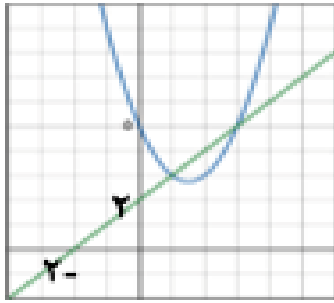
$$ص = س + ٥$$

$$ص = ٢س + ٢$$

تمثل معادلات خطية تمثل بيانيا بخط مستقيم

\*أخذنا سابقا كيفية استخدام التمثيل البياني لحل معادلة خطية ومعادل غير خطية (تربيعية)

\*حل المعادلتين آنيا بيانيا هو الإحداثي السيني لنقاط التقاطع بين التمثيلات البيانية



**مثال:** استخدم التمثيل البياني

المقابل لحل المعادلتين آنيا :

ص = ٢س + ٢ ، ص = ٢س - ٣س + ٥ ، فكيف يمكن

إيجاد حل المعادلتين آنيا بدون رسم بياني ؟

**خطوات حل معادلتين آتيتين أحدهما تربيعية والأخرى خطية:**



• يجب التأكد من أن المعادلتين تبدأ ب ص

• جمع المعادلتين لتحذف ص

• أعد كتابة المعادلة الناتجة بحيث تصبح مساوية للصفر ثم أوجد ناتج الحل باستخدام التحليل إلى عوامل أو استخدام الاكمال إلى المربع أو الصيغة التربيعية.

**مثال:** حل المعادلتين فيما يلي :

$$٢) ص - ٢س = ٢س - ٣س + ١ ، ص = س + ٤$$

$$١) ص = ٢س + ٢ ، ص = ٢س - ٣س + ٥$$

**نشاط ختامي : رقم (١) كتاب الطالب صفحة ٤٠**

حل المعادلة التربيعية  $s^2 + 6s - 7 = 0$

**أ** بالتحليل إلى عوامل مبيّنًا حلّك كاملاً.

**ب** بالإكمال إلى مُربّع مبيّنًا حلّك كاملاً.

**ج** باستخدام الصيغة التربيعية مبيّنًا حلّك كاملاً.

وضح خطوات الحل



**الواجب المنزلي**

رقم (٣) {ج ، ط} كتاب النشاط صفحة ١٠

**نشاط جماعي:** قام مازن بحل زوج المعادلات الآتية آنيا:

$$ص = ٢س + ٣ ، ص = ٣س + ٢$$

أكتشف الخطأ الذي قع فيه مازن وصححه.

| تصحيح الخطأ | حل مازن  |
|-------------|--|
|             | $٢س + ٣ = ٣س + ٢$ $س - ١ = ٢س - ١$ $س = ١ \text{ (بأخذ الجذر التربيعي)}$ $س = ١ ، س = ١$ $ص = ٥ ، ص = ١$ $(١ ، ١) (٥ ، ١)$ |



## نشاط ختامي:

(١) حوِّط الإجابة الصحيحة: أي من النقاط الآتية تمثل إحدى نقاط تقاطع المنحنى  $s^2 = 3s + 2$  والمستقيم  $s = 2$ ؟

$(-2, -2)$

$(-2, 2)$

$(0, 3)$

$(3, 0)$

سجل ملاحظتك

(٢) أكمل: حل المعادلتين  $s^2 = 4s + 2$  ،  $s^2 - 2s - 1 = 0$  :  
(..... ، .....) ، (..... ، .....)

سجل ملاحظتك



الواجب المنزلي  
رقم (٢) كتاب النشاط صفحة ٢٣

التعلم القبلي (١): تذكر أن :

محور التماثل: هو مستقيم يقسم منحنى الدالة التربيعية إلى نصفين متماثلين  $s = \frac{b}{-2a}$

نقطة رأس المنحنى هي النقطة التي يتغير عندها اتجاه المنحنى الإحداثي لنقطة رأس المنحنى  

$$-\frac{b}{2a} = \frac{\text{معامل } s}{\text{معامل } s^2}$$

إذا كانت  $a$  سالبة فإن المنحنى مفتوح لأسفل (شكل الجبل)  $\cap$  وتكون قيمة الإحداثي الصادي لنقطة رأس المنحنى هي القيمة العظمى للدالة

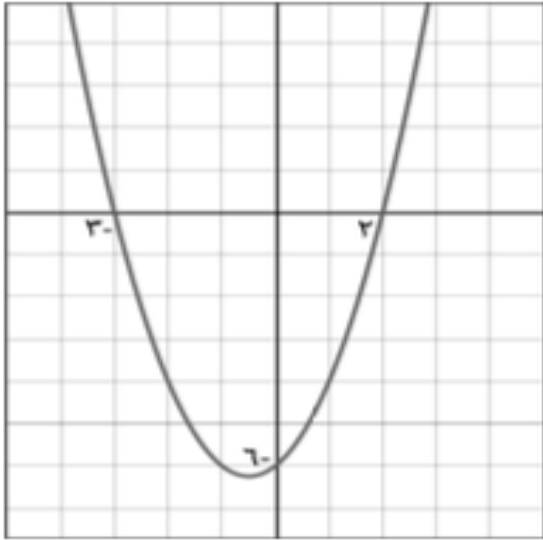
**عناصر هامة**  
 تميز منحنى الدالة التربيعية على صورة  $s = أس^٢ + ب س + ج$

إذا كانت  $a$  موجبة فإن المنحنى مفتوح لأعلى (شكل الوادي)  $\cup$  وتكون قيمة الإحداثي الصادي لنقطة رأس المنحنى هي القيمة الصغرى للدالة

لإيجاد نقاط تقاطع المنحنى مع محور السينات نضع  $s = ٠$  ونوجد قيم  $s$  التي تمثل جذور المعادلة التربيعية  $أس^٢ + ب س + ج = ٠$

نقطة تقاطع المنحنى مع المحور الصادي هي  $(٠، ج)$  لإيجادها نضع  $s = ٠$  ونوجد قيمة  $s$

**مثال:** أنظر إلى التمثيل البياني التالي ثم حوّل المربعات التي تحوي المعلومات الصحيحة للتمثيل البياني للدالة:



معامل  $s^2$  موجب وللمنحني قيمة صغرى

معامل  $s^2$  سالب وللمنحني قيمة عظمى

نقطة رأس المنحني (6، -7)

معادلة محور التماثل  $s = 6$

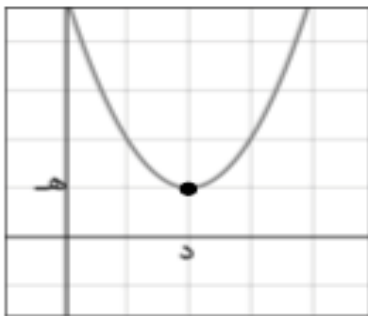
نقاط تقاطع المنحني مع المحور السيني (0، 2)، (0، 10)

نقطة تقاطع المنحني مع محور الصادات (6، -7)

**ملاحظات هامة:** هناك ثلاث حالات لتقاطع المنحني مع المحور السيني:

المنحني لا يتقاطع مع المحور السيني

فإنه لا يوجد له جذور

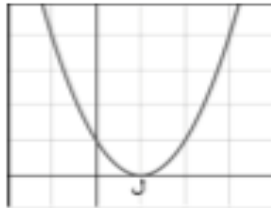


نقطة رأس المنحني (د، هـ)

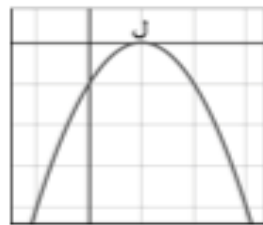
المنحني يمس المحور السيني

يكون للمعادلة جذر واحد

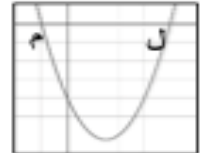
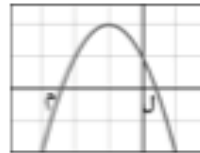
$$ص = (س-ل)^2$$



$$ص = -(س-ل)^2$$



المنحني يقطع المحور السيني في نقطتين



فيكون للمعادلة جذرين

إذا كان المنحني مفتوح لأعلى.

فتكون معادلة الدالة هي:

$$ص = (س-ل)(س-م) \text{ أو } ص = (س-م)(س-ل)$$

$$ص = (س-ل)^2 - (س+ل)س + م \times ل$$

إذا كان المنحني مفتوح لأسفل.

فتكون معادلة الدالة:

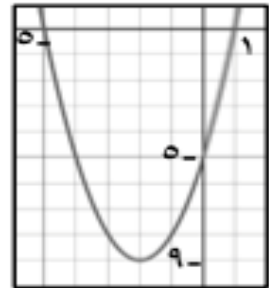
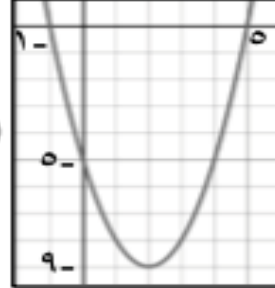
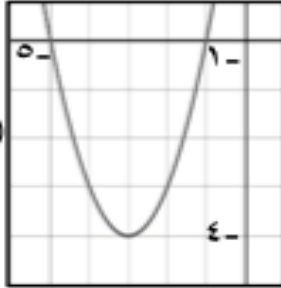
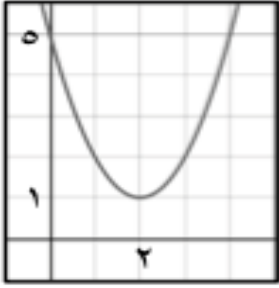
$$ص = -(س-ل)(س-م) \text{ أو } ص = -(س-م)(س-ل)$$

$$ص = -(س-ل)^2 + (س+ل)س - م \times ل$$

معلومة سريعة الإحدائي السيني

$$\text{لنقطة رأس المنحني} = \frac{م+ل}{2}$$

**تدريب:** حوط التمثيل البياني الذي يمثل الدالة  $D(s) = s^2 + 4s - 5$



**نشاط فردي:** صل كل تمثيل بياني من العمود الأول بمعادلته في العمود الثاني :

$$ص = س^2 + 4س - 5$$

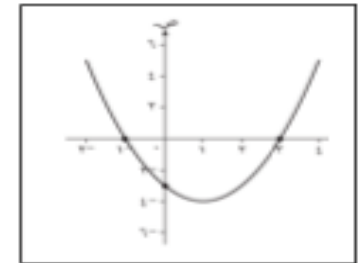
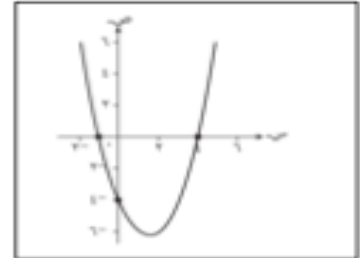
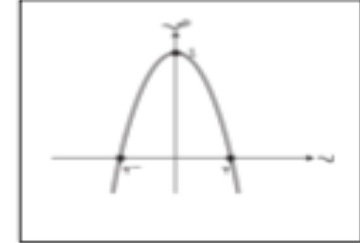
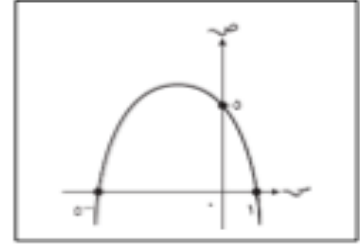
$$ص = -س^2 - 4س + 5$$

$$ص = س^2 - 3س - 4$$

$$ص = -س^2 + 4س - 4$$

$$ص = س^2 - 2س - 3$$

$$ص = س^2 + 2س - 6$$



## نشاط إثرائي: أكمل ما يلي :


(١) إذا قطع منحنى الدالة التربيعية المحور السيني في النقطتين (١ ، ٠) ، (٣ ، ٠) فإن معادلة محور التماثل هي .....

(٢) إذا كانت النقطة (-٣ ، ٤) هي نقطة رأس المنحنى للدالة التربيعية وكان المنحنى يقطع المحور السيني عند نقطتين (٠ ، د) ، (-٥ ، ٠) فإن  $d =$  .....

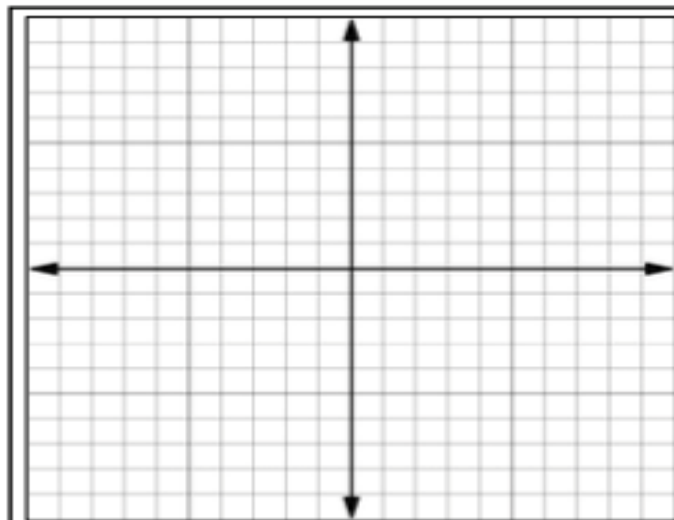
## إيجاد نقطة رأس المنحنى بالإكمال إلى المربع:

لقد سبق لنا معرفة الصورة القياسية للدالة التربيعية وهي:  $ص = أس^٢ + ب س + ج$  يمكن إعادة كتابة الصورة القياسية إلى صورة أخرى وهي:  $ص = (س + د)^٢ + ك$  (بالإكمال إلى مربع)

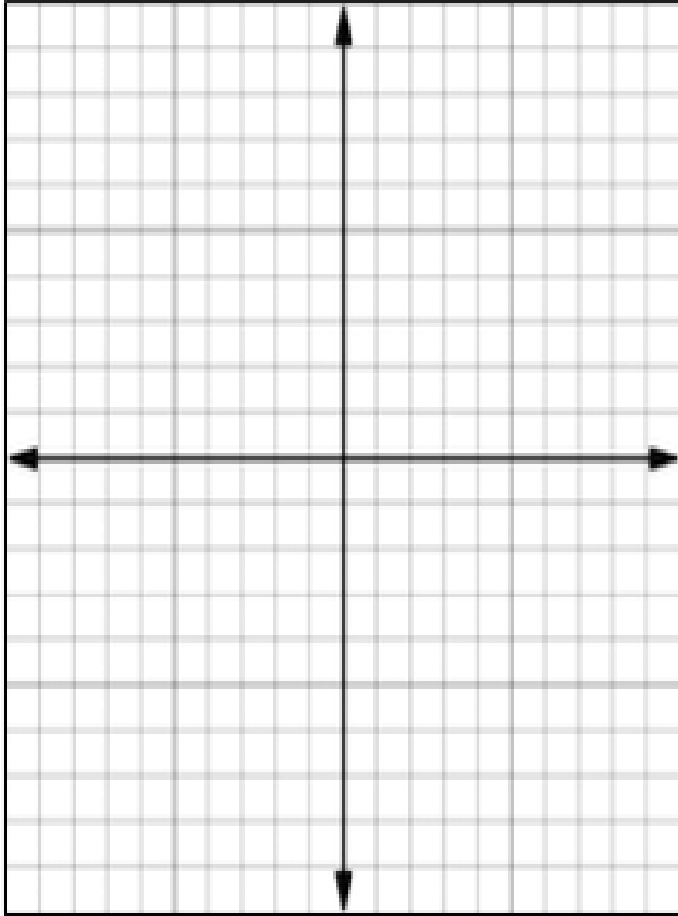
- إحداثيات نقطة رأس المنحنى = (- د ، ك)
- معادلة محور التماثل هي :  $س = -د$

**مثال :** حدد معادلة محور التماثل وإحداثيات نقطة رأس المنحنى للدالة 

$$(١) ص = أس^٢ + ٨س + ١٢$$



$$(2) \text{ ص} = -\text{س}^2 + \text{س} - 24$$



نشاط فردي: حدد نقطة رأس المنحنى للدوال الآتية :

(أ)  $\text{ص} = (\text{س} - 3)^2 + 1$   (ب)  $\text{ص} = (\text{س} + 2)^2$

(ج)  $\text{ص} = 2\text{س}^2 - 1$   (د)  $\text{ص} = -4(\text{س} + 4)^2 + 3$

## نشاط إثرائي:

(١) إذا كانت نقطة رأس المنحنى  $v = s^2 - a$  هي  $(٤, ٠)$  فحوظ قيمة  $a$

صفر  ٤  ٤-  ٢

(٢) إذا كانت  $(٠, ٢)$  هي نقطة تقاطع الدالة  $v = s^2 - ٢s + a$  مع محور السينات فإن قيمة  $a$  تساوي:

٢  ٢-  ٤  ٤-

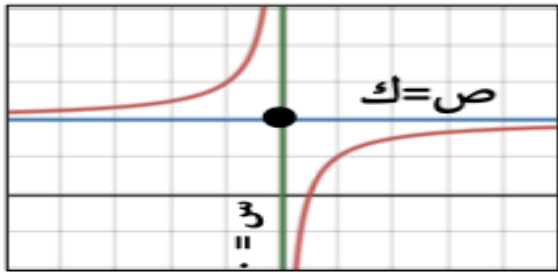
## ( ٥-٩ ) التمثيلات البيانية لدوال أخرى

التمثيل البياني لدوال في صورة  $ص = \frac{أ}{س} + ك$  ، حيث  $س \neq ٠$  صفر

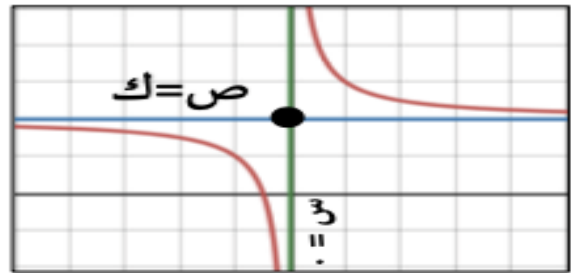
**نستنتج أن :** خصائص التمثيل البياني للدالة في الصورة  $ص = \frac{أ}{س} + ك$

( ١ ) يتكون التمثيل البياني من جزئين منفصلين للمنحنى لهما نفس الشكل والقياس وفي ربعين متقابلين .

قيمة  $أ$  سالبة (  $أ > ٠$  صفر)  
يقع التمثيل البياني  
في الربع الثاني والرابع



قيمة  $أ$  موجبة (  $أ < ٠$  صفر)  
يقع التمثيل البياني  
في الربع الأول والثالث



( ٢ ) التمثيل البياني لا يتقاطع مع المحور الصادي.

( ٣ ) خط التقارب هو مستقيم يقترب إليه التمثيل البياني ولا يتقاطع معه أبدا

( ٤ ) خطي التقارب أحدهما أفقي ومعادلته  $ص = ك$  والآخر رأسي ومعادلته  $س = ٠$

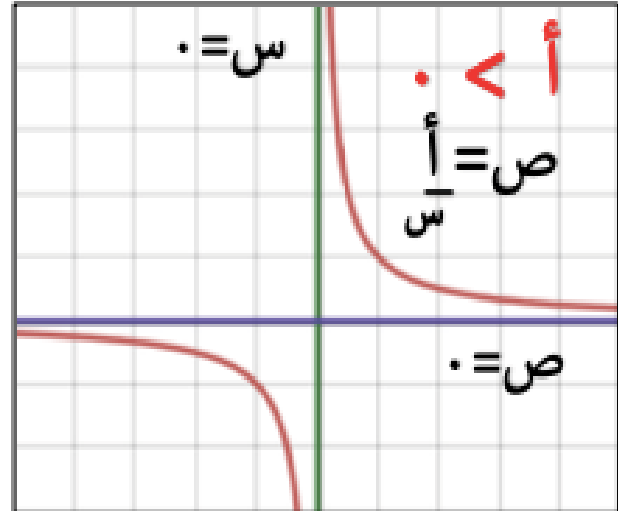
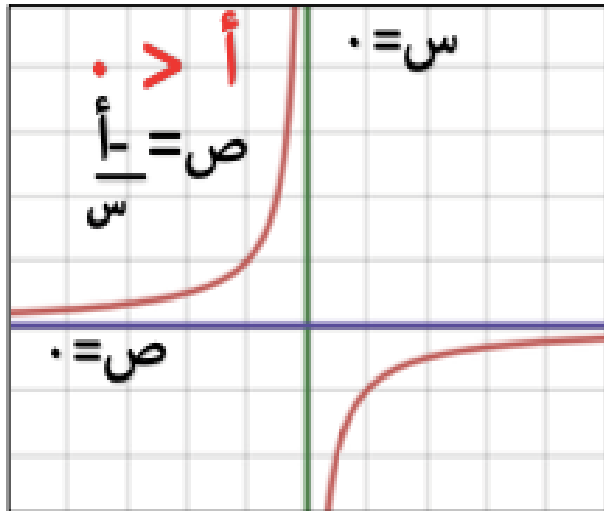
( ٥ ) الجزء المقطوع من المحور السيني  $= \frac{أ}{ك}$  أي أن المنحنى يمر بالنقطة  $( \frac{أ}{ك} , ٠ )$

**انتبه!!**

لرسم التمثيل البياني للدالة  $ص = \frac{أ}{س} + ك$  نحدد موقع المنحنى ونوجد خطي التقارب والجزء المقطوع من المحور السيني.



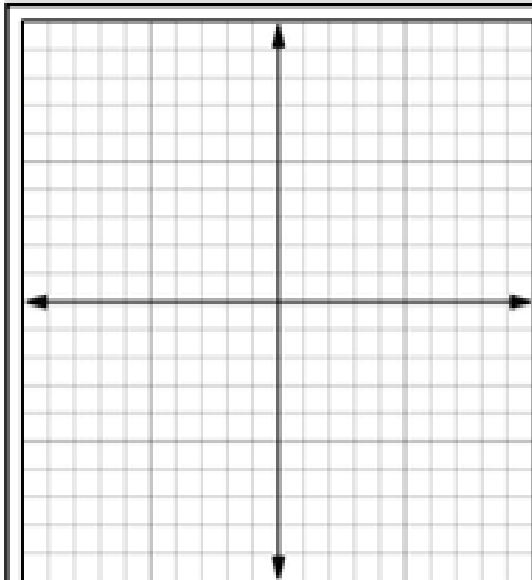
**حالة خاصة:** عندك  $\bullet = \circ$  ←  $\frac{\text{أ}}{\text{س}} = \text{ص}$  ←  $\text{ص س} = \text{أ}$   
 خطي التقارب هما المحورين (أي أن المنحني لا يقطعهما أبدا)



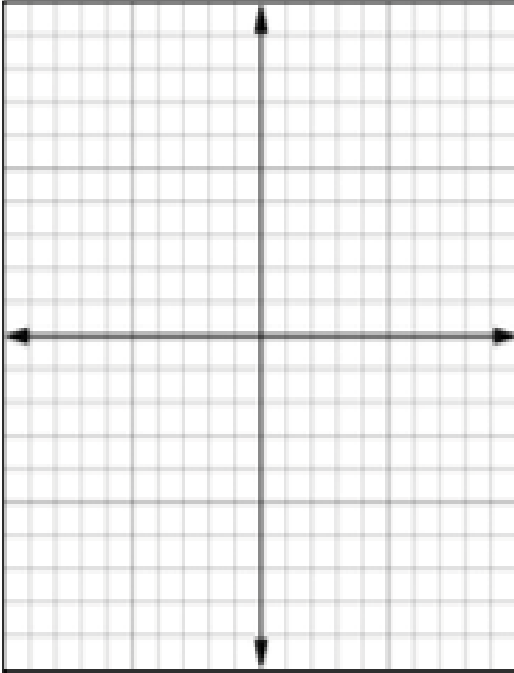
**ملاحظة:** لا توجد قيمة ل  $\text{ص}$  عند  $\text{س} = \bullet$  ، ولا توجد قيمة ل  $\text{س}$  عند  $\text{ص} = \bullet$ .

**مثال:** ارسم التمثيل البياني لكل دالة فيما يلي:

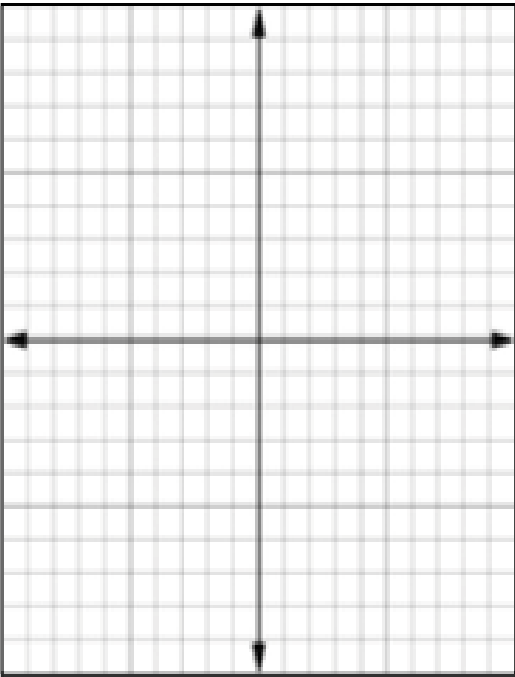
$$\text{أ} \quad \frac{3}{\text{س}} = \text{ص}$$



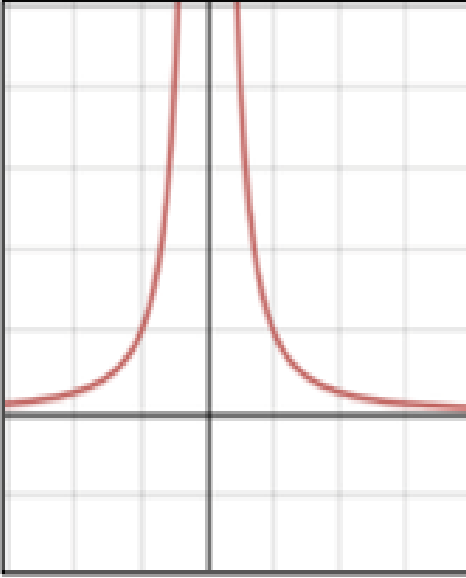
$$\text{ج) } ٧ + \frac{٤}{س} = ٢$$



**تدريب:** ارسم التمثيل البياني للدالة  $س = ٤ - ٤$



## خصائص التمثيل البياني للدالة $\frac{1}{s} = v$



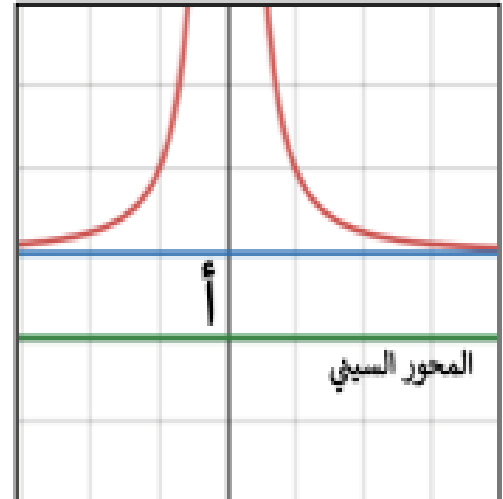
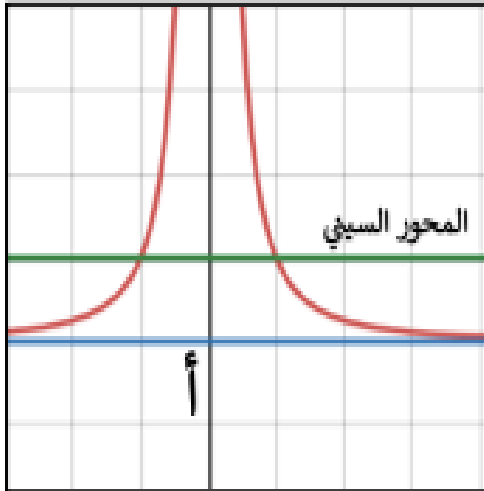
- (١) التمثيل البياني بأكمله يقع فوق المحور السيني.
- (٢) التمثيل البياني يشبه جزئيا التمثيل البياني للدالة  $\frac{1}{s} = v$  يتكون من جزئين منفصلين.
- (٣) عند  $s = 0$  ← ص (غير معرف).

### \*ملاحظات:

(١) التمثيل البياني للدالة  $v = \frac{1}{s} + a$  هو نفسه التمثيل البياني للدالة  $v = \frac{1}{s}$  مع سحبه إلى:

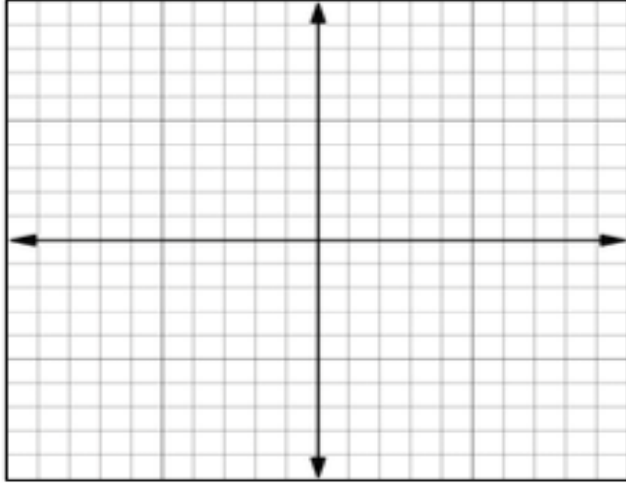
أسفل إذا كانت  $a$  سالبة

أعلى إذا كانت  $a$  موجبة



(٢) التمثيل البياني للدالة  $v = \frac{1}{s} + a$  هو نفسه التمثيل البياني للدالة  $v = \frac{1}{s}$  مع تمدد للأعلى

## الدوال الخطية



التعلم القبلي:

ارسم الدوال الآتية :

$$ص = ٤ ، ص = ٢ -$$

$$ص = ١ - ، ص = ٣$$

الدالة الخطية: الصورة العامة للدالة الخطية هي:

$$ص = م س + ج$$

تمثل الجزء المقطوع  
محور الصادات  
نقطة تقاطع المستقيم مع  
المحور الصادي (٠ ، ج)

تمثل ميل المستقيم  
الميل =  $\frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير لأفقى}}$

اختبر فهمك:

(١) أكمل : ميل الخط المستقيم  $ص = ٢س - ٣$  هو :

(٢) حوط نقطة تقاطع المستقيم  $ص = ٢س + ٤$  مع المحو الصادي

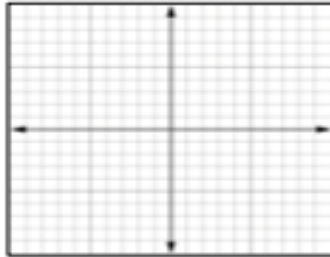
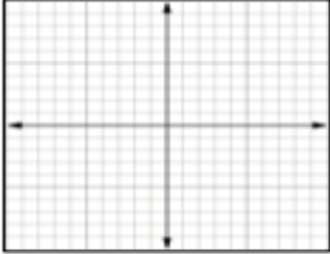
(١ ، ٠) ○ (٠ ، ١) ○ (٠ ، ٢) ○ (٢ ، ٠) ○

### ملاحظة:

لإيجاد نقطة تقاطع المستقيم الممثل للدالة  $v = m s + c$  مع المحور السيني نضع  $v = 0$  ونوجد قيمة  $s$ .

**مثال:** ارسم التمثيل البياني للدالة  $v = -s + 2$

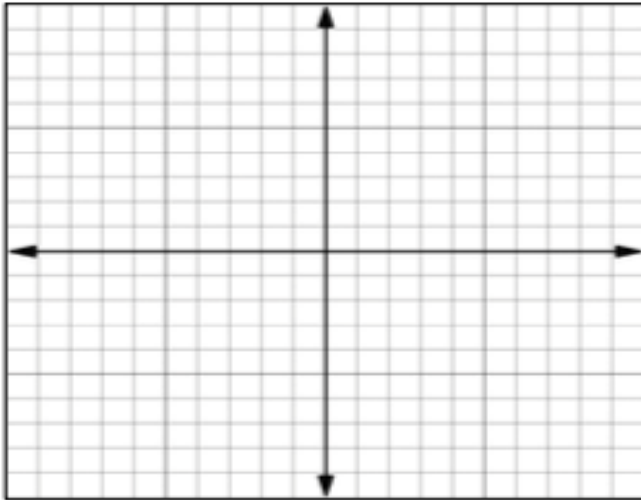
**(أ)** بإيجاد نقاط التقاطع



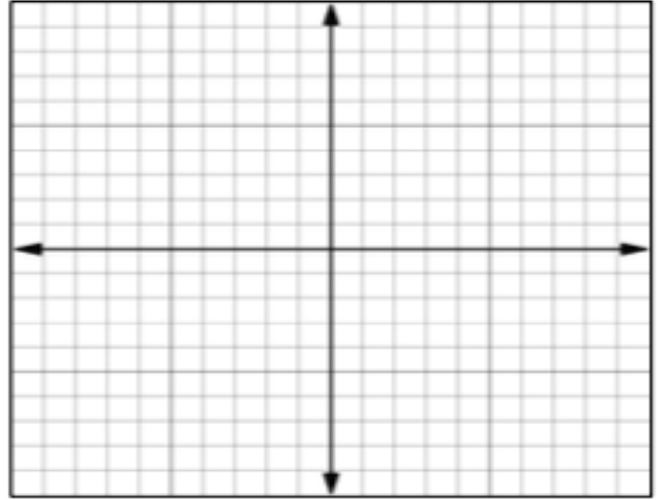
**(ب)** باستخدام الميل والجزء المقطوع من المحور الصادي

**تمرين:** مثل كل من الدوال بيانياً:

**(ب)**  $v = -4s$



**(أ)**  $v = 3s + 6$



## الدوال التكعيبية

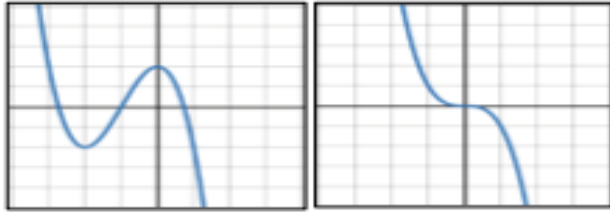
**الدالة التكعيبية:** تتضمن حدا مرفوعا إلى الأس ثلاثة (الحد ذو القوى الأكبر للدالة هو ثلاثة)

**أمثلة لدوال تكعيبية:**  $ص = س^3$  ،  $ص = ٢س^٣ - ٤س$  ،  $ص = -٢س^٣ + ٢س^٢ + ٢$

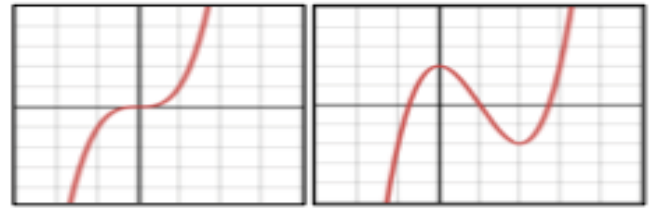
**ملاحظات هامة :**

(١) يسمى التمثيل البياني للدالة التكعيبية بالمنحنى التكعبي ويتخذ شكلين أساسيين :

إذا كان معامل  $س^٣$  سالبا (-)

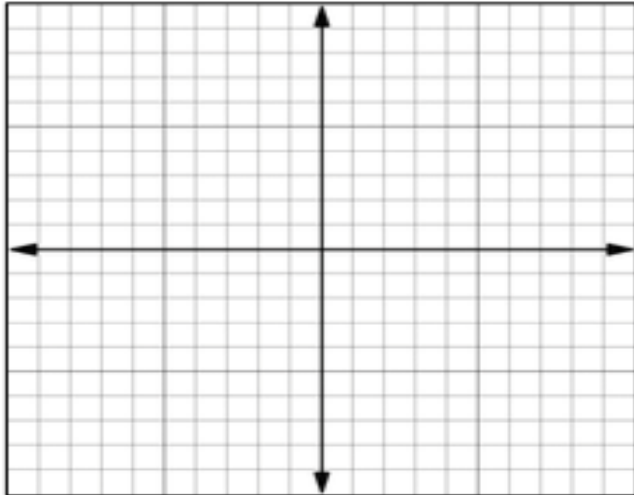


إذا كان معامل  $س^٣$  موجبا (+)

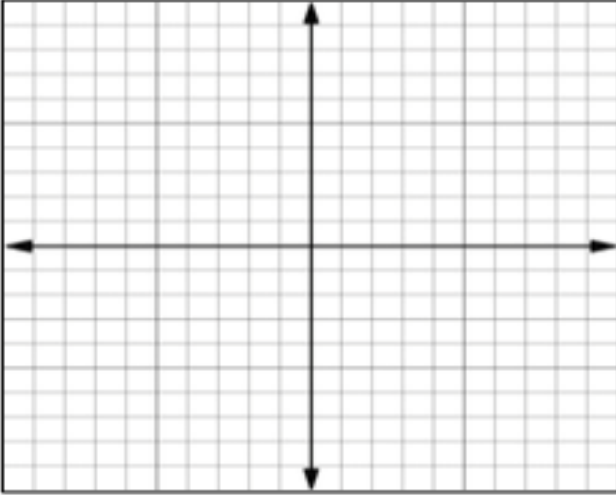


(٢) نوجد الجزء المقطوع من المحور الصادي بوضع  $س = ٠$  في الدالة .

**مثال:** ارسم التمثيل البياني للدالة  $ص = س^٣$



**تمرين:** ارسم التمثيل البياني للدالة  
ص = ٢س<sup>٣</sup> + ١



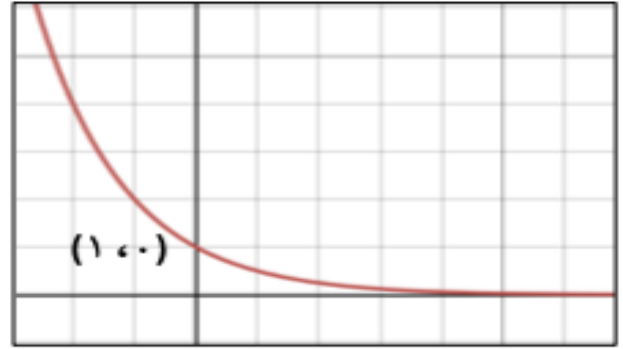
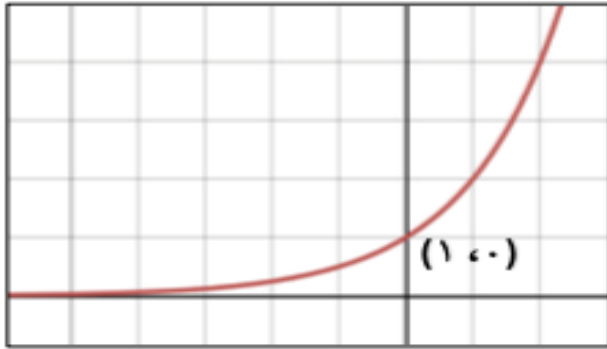
## الدوال الأسية

الصورة العامة للدالة الأسية هي:  $v = a^x$  حيث  $a > 0$ .

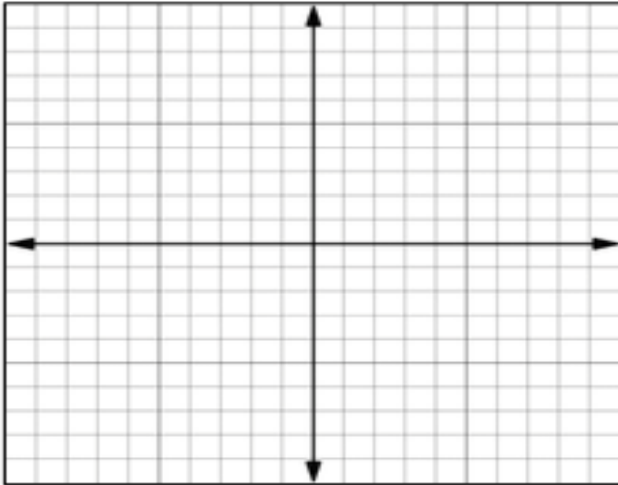
**ملاحظات:**

(١) التمثيل البياني للدالة الأسية يقطع المحور الصادي عند النقطة  $(1, 0)$

(٢) المحور السيني يمثل خط تقارب للتمثيل البياني (لأن الدالة لا يمكن أن تكون سالبة)

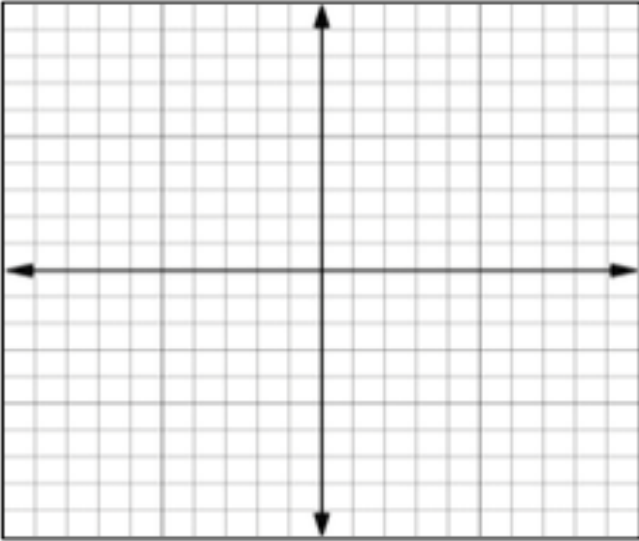


**مثال:** ارسم التمثيل البياني للدالة  $v = 3^x$

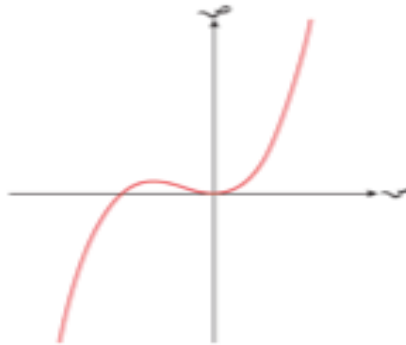
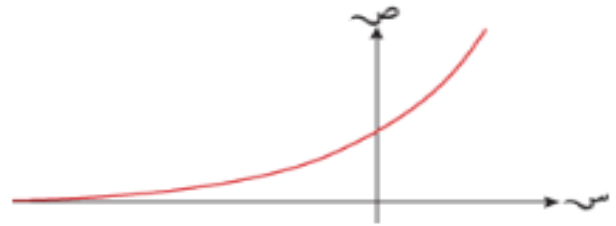
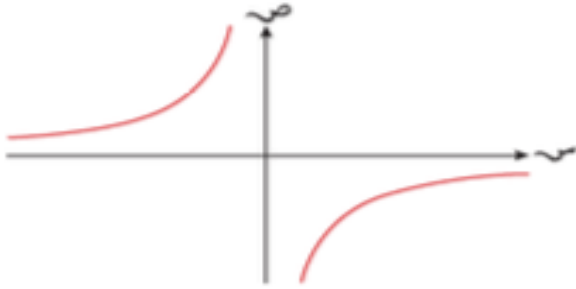




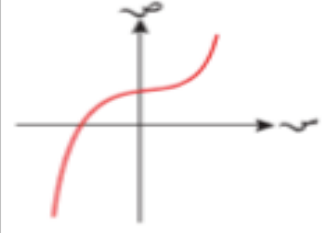

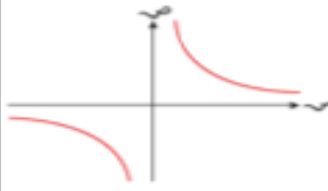
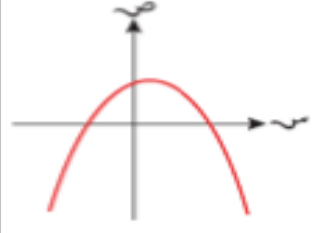

**تمرين:** ارسم التمثيل البياني للدالة  
ص = ٣



**نشاط فردي:** أكتب الدالة الممكنة لكل تمثيل من التمثيلات البيانية

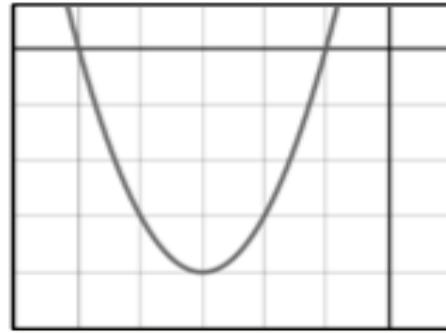
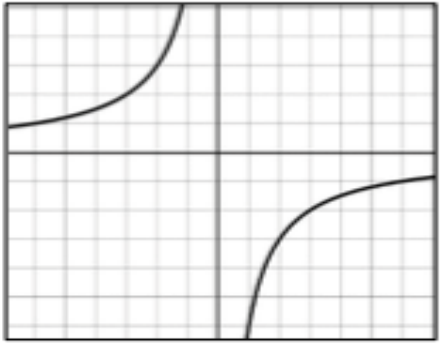
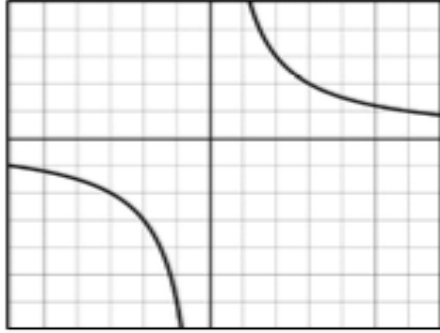


## نشاط جماعي: ظل الدالة الممكنة لكل تمثيل بياني

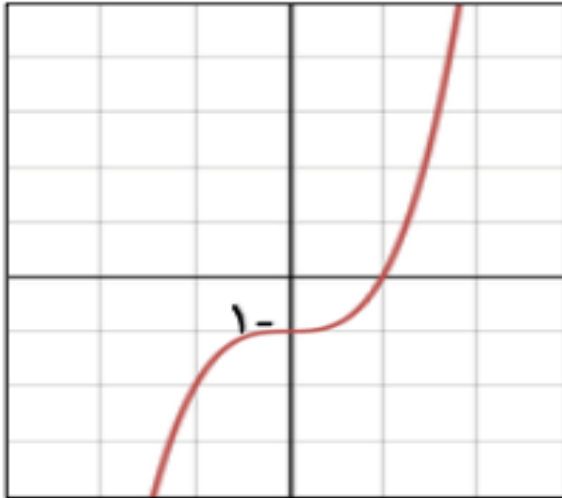
| $ص = ص + ص^2 + ص^3 + 1$  | $ص = 2^ص$                | $ص = 1 - ص - ص^2$        | $ص = \frac{16}{ص}$       | $ص = \frac{16}{ص^2}$     |   |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |    |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |    |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |   |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |  |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |  |

## تقويم ختامي:

(١) حوط التمثيل البياني المناسب للدالة  $\frac{7-x}{x}$  ص



(٢) من التمثيل البياني المقابل أكمل :



(أ) نقطة تقاطع الدالة مع محور الصادات هي (.....،.....)

(ب) يمثل التمثيل البياني الدالة .....

(ج) إشارة معامل الحد ذو القوى الأكبر في الدالة هو .....

## تابع التقويم الختامي:

٣) إذا كانت الدالة  $v = 5 - 3s$ ، أجب عن الأسئلة التالية:

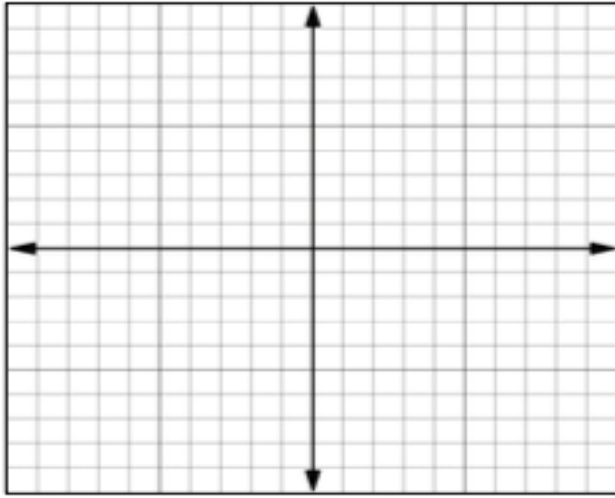
أ) أسم الدالة \_\_\_\_\_

ب) الميل = \_\_\_\_\_

ج) نقطة تقاطع الدالة مع المحور السيني ( ، )

د) حوطة نقطة تقاطع الدالة مع المحور الصادي  
○ ( ٣ ، ٠ ) ○ ( ٣ - ، ٠ ) ○ ( ٥ ، ٠ ) ○ ( ٥ - ، ٠ )

هـ) ارسم التمثيل البياني للدالة



الواجب المنزلي: رقم (٢) كتاب النشاط صفحة ٢٨