

الصف
العاشر

الوحدة التاسعة:
المزيد من المعادلات

(١) المعادلة التربيعية هي معادلة من الدرجة الثانية على الصورة:

$$أس^٢ + ب س + ج = ٠ ، حيث أ \neq ٠$$

✓ حل المعادلة التربيعية هو إيجاد قيمة س التي تحقق طرفي المعادلة.

✓ المعادلة التربيعية يمكن أن يكون لها حلان (جذران) مختلفان أو متساويان ويمكن أن لا يكون لها حلول.

(٢) تذكر أن: إذا كان $أ \times ب = ٠$ فإن $أ = ٠$ أو $ب = ٠$.

إذا كان $٠ = (س + ٣) (س - ٢)$

فإن $س = ٢ - ٠$ أو $س = ٣ + ٠$

$س = ٢$ أو $س = ٣ -$

مثال توضيحي



تذكر: أن تعيد كتابة المعادلة لتكون

معادلة صفرية إذا لم تكن كذلك

(٣) أوجد حل المعادلات التربيعية

الآتية بالتحليل إلى عوامل:

(٢) $س^٢ - ٤س = ٤ -$

(١) $س^٢ + ٧س + ١٢ = ٠$

(٤) $س^٢ - ٩ = ٠$

(٣) $س^٢ - ٥س + ٢ = ٠$

٤) أوجد حل المعادلات التربيعية الآتية ياخذ الجذر التربيعي



$$٢) ٠ = ١٦ + ٩س^٢$$

$$١) ٠ = ٤ - ٢س$$

$$٤) ٩ = ٢(٢-س)^٢$$

$$٣) ٢٠ = ٥ - ٢س$$

٥) أوجد ناتج الضرب في أبسط صورة



$$٢) (٣-س٢)(٣+س٢)$$

$$١) س(١+س)$$

$$٣) (٢-س)(١-س٣)$$

$$٣) (١+س٣)(٥-س)$$



٦ تذكر أن : $(أ + ب)^2 = أ^2 + ٢أب + ب^2$

$(أ - ب)^2 = أ^2 - ٢أب + ب^2$

فك وبسط :

(١) $(٦ + س)^2$

(٢) $(٢ - س)^2$

٧ العبارة الجبرية $س^2 + ٢سص + ص^2$ تسمى مربع كامل

إذا تحققت الشروط التالية :

✓ الحد الأول والثالث مكتوبين في صورة مربع كامل.

✓ الحد الأوسط $= \pm ٢ \times \sqrt{\text{الحد الأول}} \times \sqrt{\text{الحد الثالث}}$

✓ يمكن تحليل المربع الكامل بالصورة الآتية :

$(\sqrt{\text{الحد الأول}} \pm \sqrt{\text{الحد الثالث}})^2$

$س^2 \pm ٢سص + ص^2 = (س \pm ص)^2$

نفس إشارة الحد الأوسط

اختبر فهمك:

(١) إذا كانت كل عبارة جبرية مما يلي تمثل مربع كامل ، فأكمل :

$$(أ) \quad {}^2(\square + \square) = ٤٩ + ١٤س + ٢س$$

$$(ب) \quad {}^2(\square - \square) = ٩ + ٦س - ٢س$$

$$(ج) \quad {}^2(\square) = ٢٥ب + ١٠أ - ٢أ$$

(٢) أوجد قيمة ك التي تجعل العبارة مربعا كاملا :

$$(أ) \quad ٨س - ٢س + ك$$

$$(ب) \quad ٤س + ٢س + ٢٥$$



(١-٩) الإكمال إلى مربع

الإكمال إلى مربع هي طريقة لكتابة العبارة التربيعية أس^٢+ب س+ج على الصورة أ (س + ك)^٢+ د

أكتب العبارة الجبرية س^٢+٦س+٥
في صورة (س + أ)^٢+ ب

مثال توضيحي



الحل:

(١) نوجد قيمة المقدار

$$٩ = \frac{٢(٦)}{٢} = \frac{٢(معامل س)}{٢}$$

(٢) نضيف ونطرح ٩
من العبارة الجبرية

$$س^٢ + ٦س + ٥ = (س + ٣)^٢ - ٤$$

$$٤ - ٢(٣ + س) =$$

$$٣ = أ ، ب = -٤$$

ملاحظة: إذا كانت س^٢+ك س+ج = (س + أ)^٢+ب

$$أ = \frac{معامل س بإشارته}{٢} = \frac{ك}{٢} = \frac{٦}{٢} = ٣$$

$$ب = ج - \frac{(معامل س)^٢}{٢} = ج - ٩ = -٤$$

نشاط فردي:

حوط الصورة (س + أ)^٢ + ب ، المناسبة للعبارة الجبرية س^٢ - ٢س - ١٧

$$١٦ - ٢(١ + س) \bigcirc$$

$$١٨ - ٢(١ - س) \bigcirc$$

$$١٦ + ٢(١ - س) \bigcirc$$

$$١٨ - ٢(١ + س) \bigcirc$$

نشاط جماعي : صل كل عبارة جبرية بالصورة (س + أ)^٢ + ب المناسبة لها

$$٣٠٠ - ٢(١٠ + س)$$

$$س٢ - ٣س - ٣$$

$$٥ + ٢(٣ + س)$$

$$س٢ - ٢٠س + ٤٠٠$$

$$٣٠٠ + ٢(١٠ - س)$$

$$س٢ + ٦س + ١٤$$

$$\frac{٢١}{٤} - \frac{٢(٣ - س)}{٢}$$



ملاحظة:

يمكن كتابة العبارة الجبرية $s^2 + أس$ في صورة $(s + \frac{1}{p})^2 - (\frac{1}{p})^2$

مثال: (١) $s^2 + 6s + 9 = (s + 3)^2$

(٢) $s^2 - 3s + \frac{9}{4} = (s - \frac{3}{2})^2$

نشاط فردي: إذا كان $s^2 - 9 = 12 + أس$ ، أوجد قيمة كلا من أ ، ب

الحل:



نشاط إثرائي:

(١) إذا كان $s^2 + 6s + 9 = أس + (س + ب)^2$ ، وكان أ + ج = ٧ حو ط قيمة ج

٣ ○

٨- ○

١ ○

٢- ○

(٢) ضع العبارة التربيعية $s^2 - 16 = أس + ٣٠$ على الصورة $(س + ب)^2 + ج$

الحل:



حل المعادلات التربيعية بالإكمال إلى مربع :

تستخدم طريقة الإكمال إلى مربع لحل المعادلات التربيعية التي لا يمكن حلها باستخدام التحليل إلى عوامل

مثال: حل كل معادلة من المعادلات التربيعية التالية بالإكمال إلى مربع وأكتب الناتج مقربا إلى أقرب منزلتين عشريتين 

$$(1) \text{ س}^2 - 2\text{س} - 1 = 0$$

حل توضيحي:

$$(2) \text{ س}^2 - 5 = 0$$

* نضع المعادلة على الصورة
أ س² + ب س + ج = 0
* بضرب الطرفين × س

$$\text{الحل: س} \times (\text{س} - 5) = \frac{2}{\text{س}} \times \text{س}$$

$$\text{س}^2 - 5\text{س} = 2$$

أكمل الحل ...

- نضع المعادلة على الصورة
أس^٢ + ب س + ج = د
- نقسم المعادلة على ٣
نضيف ونطرح $(\frac{2}{3})^2 = 1$

$$(3) \quad 3س^2 = 2(3س+2)$$

$$\text{الحل: } 3س^2 = 6س + 4$$

أكمل الحل ...



نشاط فردي: إذا كانت العبارة الجبرية $s^2 - 4s + 2$ يمكن وضعها على الصورة $(s + a)^2 + b$

(١) أكمل: $a =$ $b =$

(٢) استخدم إجابتك في السؤال (١) لحل المعادلة $s^2 + 4s - 6 = 0$
وأكتب الناتج مقرباً إلى أقرب منزلتين عشريتين

الحل:



نشاط جماعي:

تقول فاطمة



حل المعادلة التربيعية $(s-4)(s+2) = 5$
بالإكمال إلى مربع هو $\pm 1 \sqrt{12}$

هل ما تقوله فاطمة صح خطأ ، فسر إجابتك

الحل:



الصيغة التربيعية (٩ - ٢)

تذكر أن: المعادلة التربيعية هي معادلة على الصورة أس^٢ + ب س + ج = ٠ ، أ ≠ ٠

التعلم القبلي:

(١) عين المعاملات أ ، ب ، ج للمعادلات الآتية :
أ) أس^٢ + ٣ س + ٢ = ٠ ب) (س + ٧) (س - ٥) = ٩

(٢) إذا كان أس^٢ + ب س + ج = ٨ - ٣ س (س + ٤) حوّل قيمة أ - ب - ج

٧ ○

١ ○

٧ ○

٢٣- ○

تعريف: يمكن حل المعادلة التربيعية أس^٢ + ب س + ج = ٠ حيث أ ≠ ٠

بالصيغة التربيعية على النحو:

$$٠ \leq ٤ - ٢ أ ج$$

حيث

$$س = \frac{-٢ ب \pm \sqrt{٤ - ٢ أ ج}}{٢ أ}$$

ملاحظات مهمة

يجب وضع المعادلة التربيعية على صورة أس^٢ + ب س + ج = ٠

الرمز + في الصيغة يدل على ضرورة إيجاد قيمتين

يمكن استخدام الصيغة التربيعية لحل المعادلة التربيعية في كل الحالات

مثال (١): حل كل معادلة من المعادلات التالية بالتحليل إلى عوامل والصيغة التربيعية

$$\text{ب) } ٠ = ٣٦ + ٩س + ٢س$$

$$\text{أ) } ٠ = ١٢ + ٧س + ٢س$$

مثال (٢): حل كل معادلة من المعادلات التالية باستخدام الصيغة التربيعية
قرب إجابتك إلى عدد مكون من ٣ أرقام معنوية عند الضرورة.

$$\text{ب) } ٠ = ١ + ٢س - ٢س$$

$$\text{أ) } ٠ = ١ - ٦س + ٢س$$

$$\text{د) } ٧ = س + \frac{١}{س}$$

$$\text{ج) } ٩ = (٥ + س)(٧ + س)$$

حل المعادلات الآتية (٣-٩)

التعلم القبلي : تذكر أن:

$$ص + س = ٢٠$$

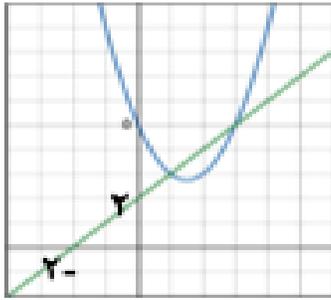
$$ص = س + ٥$$

$$ص = ٢س + ٢$$

تمثل معادلات خطية تمثل بيانيا بخط مستقيم

*أخذنا سابقا كيفية استخدام التمثيل البياني لحل معادلة خطية ومعادل غير خطية (تربيعية)

*حل المعادلتين آنيا بيانيا هو الإحداثي السيني لنقاط التقاطع بين التمثيلات البيانية



مثال: استخدم التمثيل البياني

المقابل لحل المعادلتين آنيا :

ص = ٢ + س ، ص = ٢س - ٣س + ٥ ، فكيف يمكن

إيجاد حل المعادلتين آنيا بدون رسم بياني ؟

خطوات حل معادلتين آتيتين أحدهما تربيعية والأخرى خطية:



• يجب التأكد من أن المعادلتين تبدأ ب ص

• جمع المعادلتين لتحذف ص

• أعد كتابة المعادلة الناتجة بحيث تصبح مساوية للصفر ثم أوجد ناتج الحل باستخدام التحليل إلى عوامل أو استخدام الاكمال إلى المربع أو الصيغة التربيعية.

مثال: حل المعادلتين فيما يلي :

$$(٢) ص - ٢س = ٢س - ٣س + ١ ، ص + س = ٤$$

$$(١) ص = ٢ + س ، ص = ٢س - ٣س + ٥$$

نشاط ختامي : رقم (١) كتاب الطالب صفحة ٤٠

حل المعادلة التربيعية $s^2 + 6s - 7 = 0$

- أ**) بالتحليل إلى عوامل مبيّنًا حلّك كاملاً.
ب) بالإكمال إلى مُربّع مبيّنًا حلّك كاملاً.
ج) باستخدام الصيغة التربيعية مبيّنًا حلّك كاملاً.

وضح خطوات الحل



الواجب المنزلي

رقم (٣) { ج ، ط } كتاب النشاط صفحة ١٠

نشاط جماعي: قام مازن بحل زوج المعادلات الآتية آنيا:

$$\text{ص} = 2\text{س}^2 + 3 \text{ ، } \text{ص} = 3\text{س} + 2$$

أكتشف الخطأ الذي قع فيه مازن و صححه.

تصحيح الخطأ	حل مازن
	$2\text{س}^2 + 3 = 3\text{س} + 2$ $2\text{س}^2 - 1 = 3\text{س}$ $2\text{س}^2 = 3\text{س} + 1 \text{ (بأخذ الجذر التربيعي)}$ $2\text{س} = 3\text{س} + 1$ $-\text{س} = 1$ $\text{س} = -1$

التعلم القبلي (١): تذكر أن :

محور التماثل: هو مستقيم يقسم منحنى الدالة التربيعية إلى نصفين متماثلين $s = \frac{b}{-2a}$

نقطة رأس المنحنى هي النقطة التي يتغير عندها اتجاه المنحنى الإحداثي لنقطة رأس المنحنى

$$-\frac{b}{2a} = \frac{\text{معامل } s^2}{\text{معامل } s}$$

إذا كانت a سالبة فإن المنحنى مفتوح لأسفل (شكل الجبل) \cap وتكون قيمة الإحداثي الصادي لنقطة رأس المنحنى هي القيمة العظمى للدالة

عناصر هامة

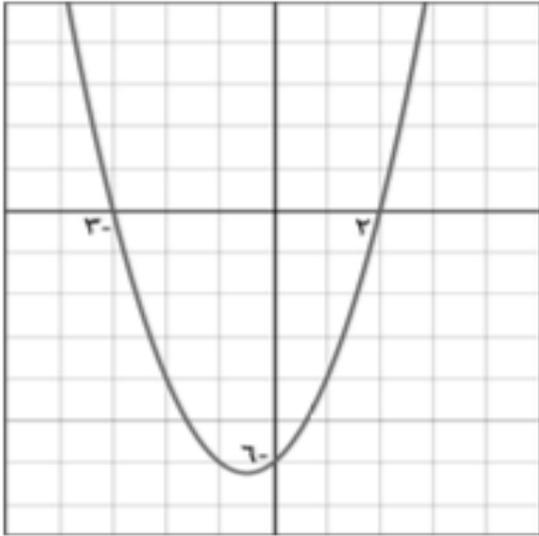
تميز منحنى الدالة التربيعية على صورة $s = -\frac{b}{2a} + \frac{b^2 - 4ac}{4a^2}$

إذا كانت a موجبة فإن المنحنى مفتوح لأعلى (شكل الوادي) \cup وتكون قيمة الإحداثي الصادي لنقطة رأس المنحنى هي القيمة الصغرى للدالة

لإيجاد نقاط تقاطع المنحنى مع محور السينات نضع $s = 0$ ونوجد قيم s التي تمثل جذور المعادلة التربيعية $as^2 + bs + c = 0$

نقطة تقاطع المنحنى مع المحور الصادي هي $(0, c)$ لإيجادها نضع $s = 0$ ونوجد قيمة c

مثال: أنظر إلى التمثيل البياني التالي ثم حوّل المربعات التي تحوي المعلومات الصحيحة للتمثيل البياني للدالة:



معامل s^2 موجب وللمنحني قيمة صغرى

معامل s^2 سالب وللمنحني قيمة عظمى

نقطة رأس المنحني (6، -7)

معادلة محور التماثل $s = 6$

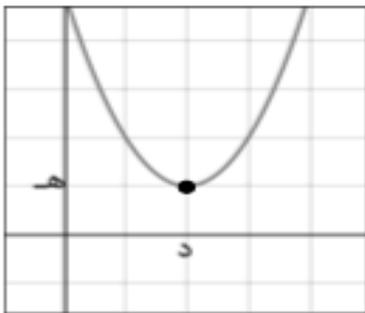
نقاط تقاطع المنحني مع المحور السيني (0، 2)، (0، 8)

نقطة تقاطع المنحني مع محور الصادات (6، -7)

ملاحظات هامة: هناك ثلاث حالات لتقاطع المنحني مع المحور السيني:

المنحني لا يتقاطع مع المحور السيني

فإنه لا يوجد له جذور

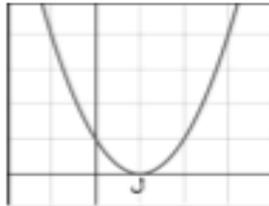


نقطة رأس المنحني (د، هـ)

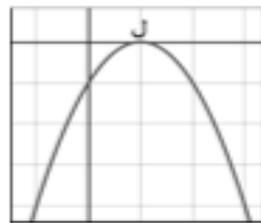
المنحني يمس المحور السيني

يكون للمعادلة جذر واحد

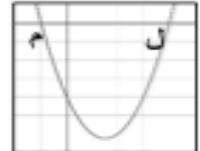
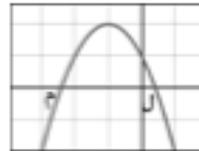
$$ص = (س-ل)^2$$



$$ص = -(س-ل)^2$$



المنحني يقطع المحور السيني في نقطتين



فيكون للمعادلة جذرين

إذا كان المنحني مفتوح لأعلى.

فتكون معادلة الدالة هي:

$$ص = (س-ل)(س-م) \text{ أو } ص = س^2 - (ل+م)س + ل \times م$$

$$ص = س^2 - (ل+م)س + ل \times م$$

إذا كان المنحني مفتوح لأسفل.

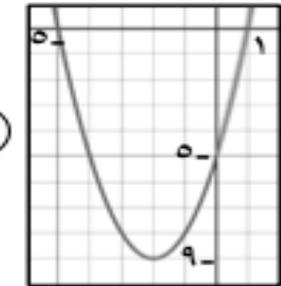
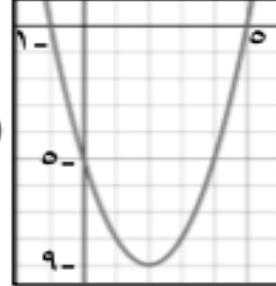
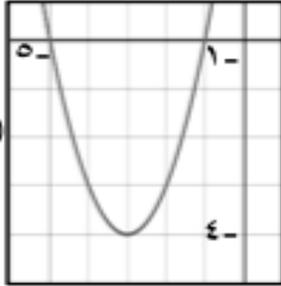
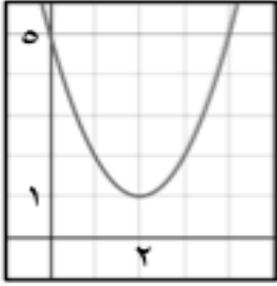
فتكون معادلة الدالة:

$$ص = -(س-ل)(س-م) \text{ أو } ص = -[س^2 - (ل+م)س + ل \times م]$$

معلومة سريعة الإحدائي السيني

$$\text{لنقطة رأس المنحني} = \frac{ل+م}{2}$$

تدريب: حوط التمثيل البياني الذي يمثل الدالة $D(s) = s^2 + 4s - 5$



نشاط فردي: صل كل تمثيل بياني من العمود الأول بمعادلته في العمود الثاني :

$$ص = س^2 + ٤$$

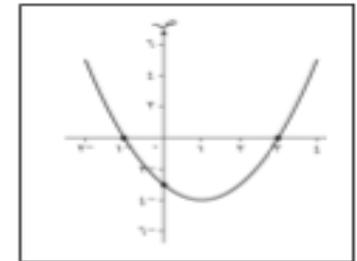
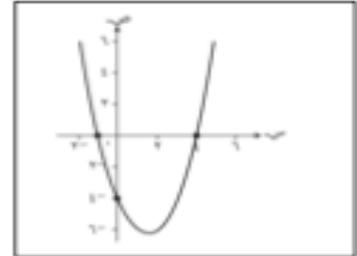
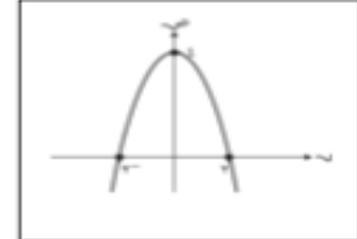
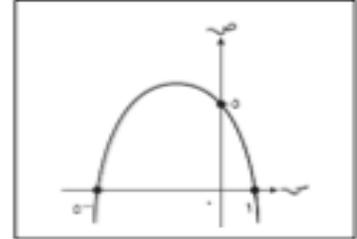
$$ص = -س^2 - ٤س + ٥$$

$$ص = س^2 - ٣س - ٤$$

$$ص = -س^2 + ٤$$

$$ص = س^2 - ٢س - ٣$$

$$ص = س^2 + ٢س - ٦$$



نشاط إثرائي: أكمل ما يلي :

(١) إذا قطع منحنى الدالة التربيعية المحور السيني في النقطتين (٠ ، ١) ، (٠ ، ٣) ، فإن معادلة محور التماثل هي

(٢) إذا كانت النقطة (-٣ ، ٤) هي نقطة رأس المنحنى للدالة التربيعية وكان المنحنى يقطع المحور السيني عند نقطتين (٠ ، د) ، (-٥ ، ٠) فإن $d =$

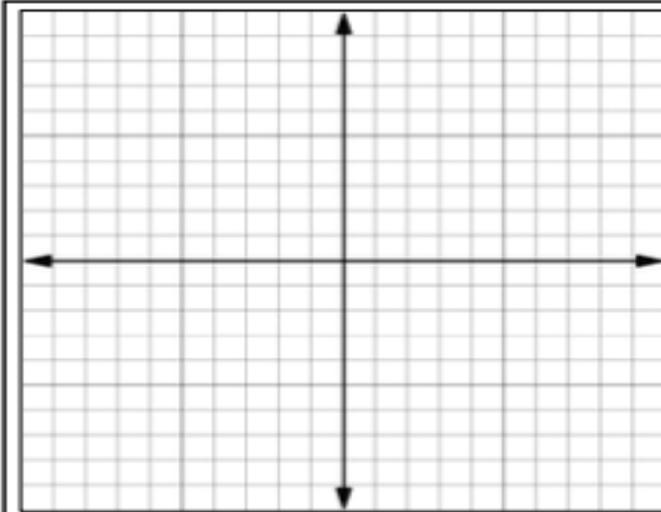
إيجاد نقطة رأس المنحنى بالإكمال إلى المربع:

لقد سبق لنا معرفة الصورة القياسية للدالة التربيعية وهي: $ص = أس^٢ + ب س + ج$ يمكن إعادة كتابة الصورة القياسية إلى صورة أخرى وهي: $ص = أ(س + د) + ك$ (بالإكمال إلى مربع)

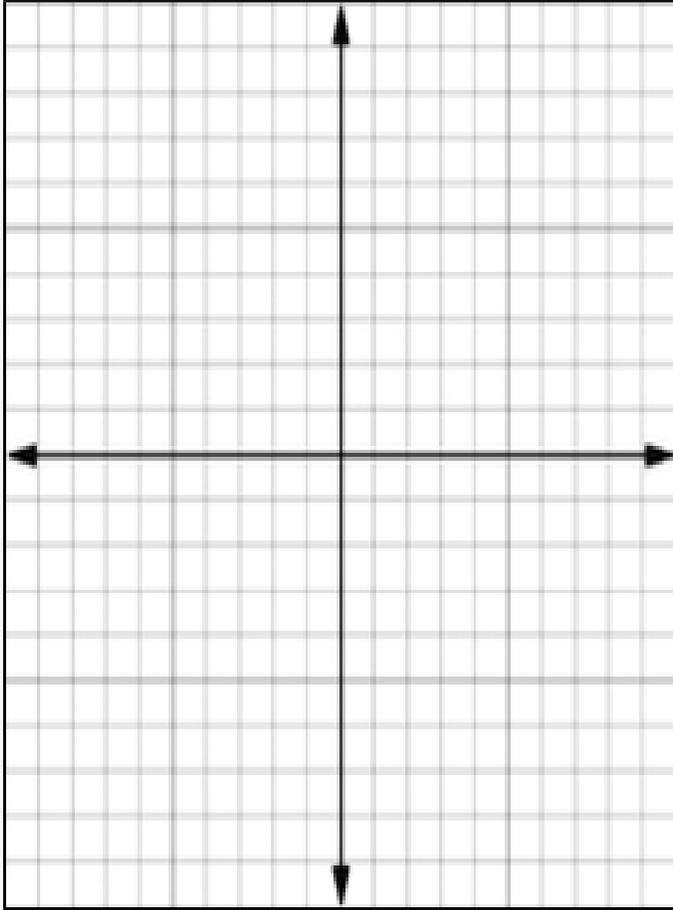
- إحداثيات نقطة رأس المنحنى = (- د ، ك)
- معادلة محور التماثل هي : $س = -د$

مثال : حدد معادلة محور التماثل وإحداثيات نقطة رأس المنحنى للدالة  بالإكمال إلى المربع ثم أرسم التمثيل البياني للدالة :

$$(١) ص = أس^٢ + ٨س + ١٢$$



$$(2) \text{ ص} = -\text{س}^2 + \text{س} - 24$$



نشاط فردي: حدد نقطة رأس المنحنى للدوال الآتية :

(أ) $\text{ص} = (\text{س} - 3)^2 + 1$ (ب) $\text{ص} = (\text{س} + 2)^2$

(ج) $\text{ص} = 2\text{س}^2 - 1$ (د) $\text{ص} = -4(\text{س} + 4)^2 + 3$

نشاط إثرائي:

(١) إذا كانت نقطة رأس المنحنى $v = s^2 - a$ هي $(٤, ٠)$ فحوظ قيمة a

صفر ٤ ٤- ٢

(٢) إذا كانت $(٠, ٢)$ هي نقطة تقاطع الدالة $v = s^2 - ٢s + a$ مع محور السينات فإن قيمة a تساوي:

٢ ٢- ٤ ٤-

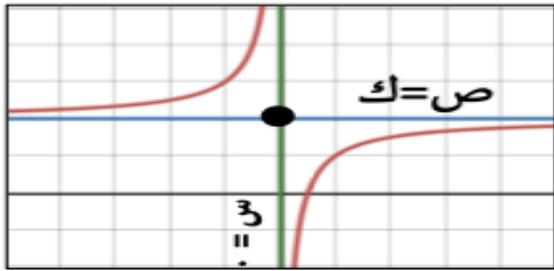
(٥-٩) التمثيلات البيانية لدوال أخرى

التمثيل البياني لدوال في صورة $ص = \frac{أ}{س} + ك$ ، حيث $س \neq ٠$ صفر

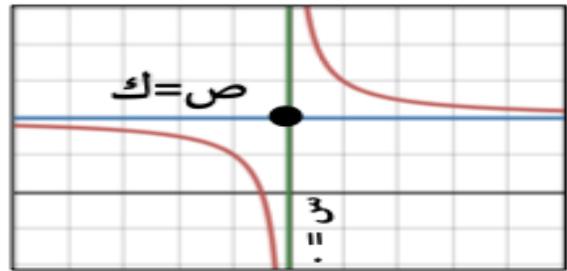
نستنتج أن : خصائص التمثيل البياني للدالة في الصورة $ص = \frac{أ}{س} + ك$

(١) يتكون التمثيل البياني من جزئين منفصلين للمنحنى لهما نفس الشكل والقياس وفي ربعين متقابلين .

قيمة $أ$ سالبة ($أ > ٠$ صفر)
يقع التمثيل البياني
في الربع الثاني والرابع



قيمة $أ$ موجبة ($أ < ٠$ صفر)
يقع التمثيل البياني
في الربع الأول والثالث



(٢) التمثيل البياني لا يتقاطع مع المحور الصادي.

(٣) خط التقارب هو مستقيم يقترب إليه التمثيل البياني ولا يتقاطع معه أبدا

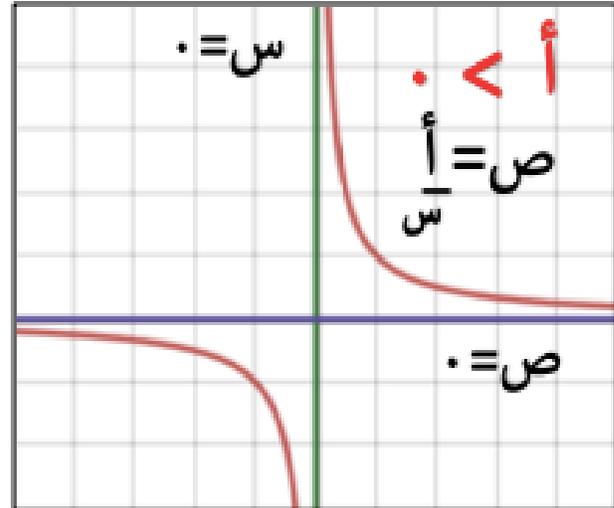
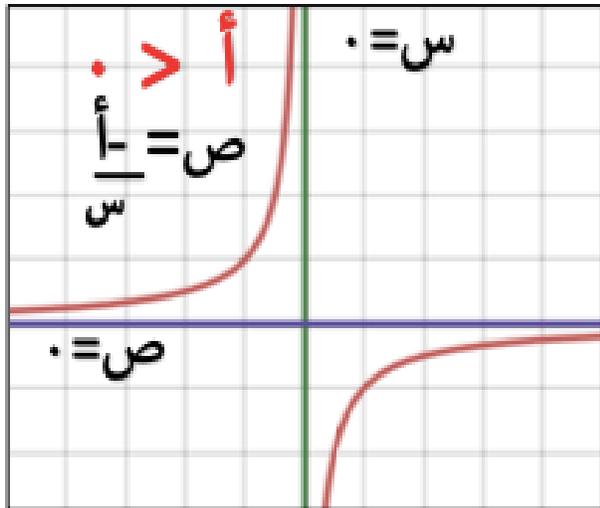
(٤) خطي التقارب أحدهما أفقي ومعادلته $ص = ك$ والآخر رأسي ومعادلته $س = ٠$

(٥) الجزء المقطوع من المحور السيني $= \frac{أ}{ك}$ أي أن المنحنى يمر بالنقطة $(\frac{أ}{ك} , ٠)$

انتبه!!

لرسم التمثيل البياني للدالة $ص = \frac{أ}{س} + ك$ نحدد موقع المنحنى ونوجد خطي التقارب والجزء المقطوع من المحور السيني.

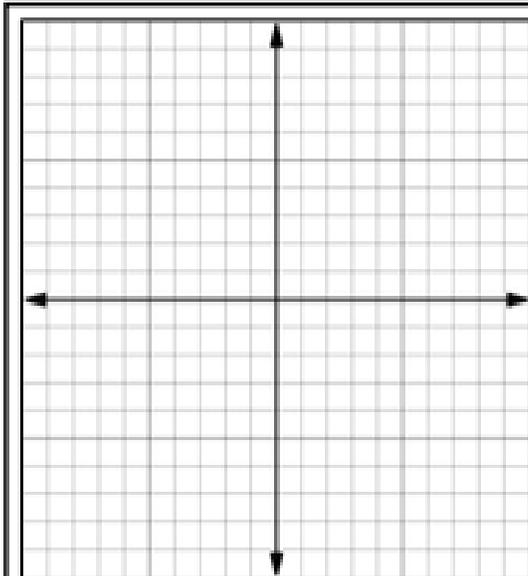
حالة خاصة: عندك $\bullet = \circ$ ← $\text{ص} = \frac{\text{أ}}{\text{س}}$ ← $\text{ص س} = \text{أ}$
 خطي التقارب هما المحورين (أي أن المنحني لا يقطعهما أبدا)



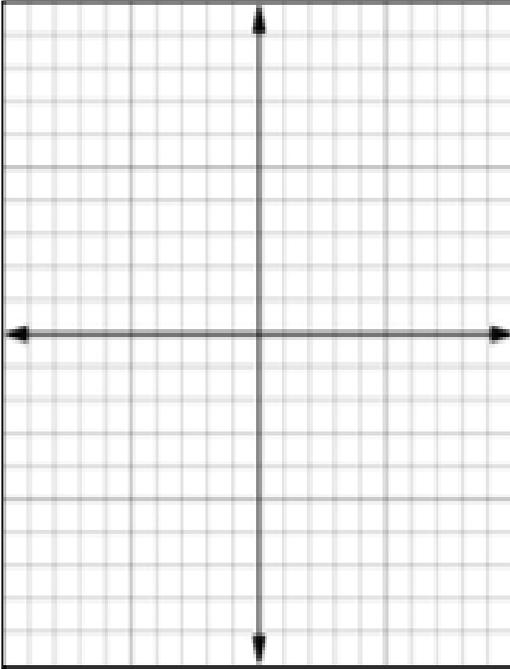
ملاحظة: لا توجد قيمة ل ص عند $\text{س} = \bullet$ ، ولا توجد قيمة ل س عند $\text{ص} = \bullet$.

مثال: ارسم التمثيل البياني لكل دالة فيما يلي:

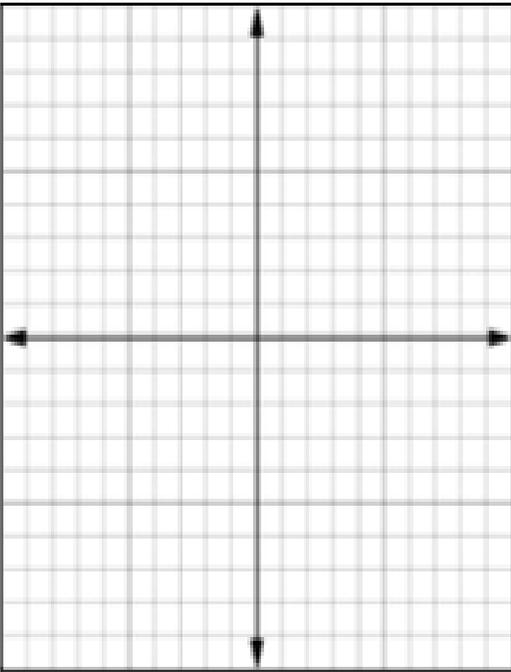
$$\text{أ} \text{ ص} = \frac{\text{س}}{3}$$



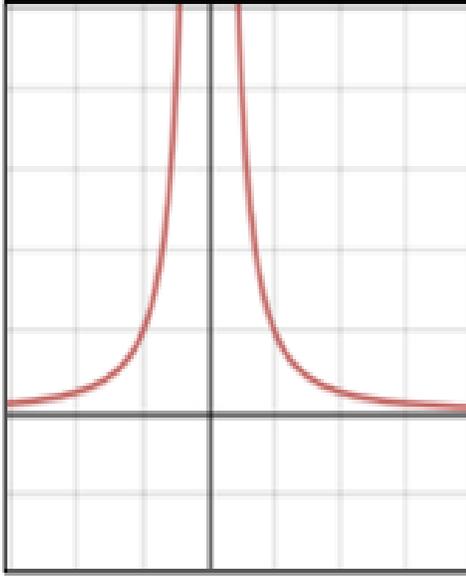
$$\text{ج) } 2\text{ص} = \frac{4}{\text{س}} + 7$$



تدريب: ارسم التمثيل البياني للدالة $\text{س} = 4 - \text{ص}$



خصائص التمثيل البياني للدالة $\frac{1}{s} = v$

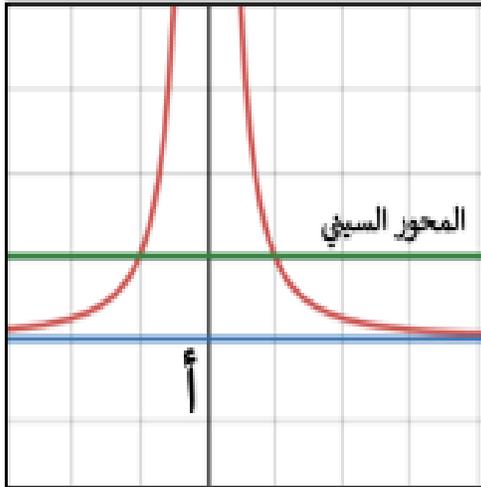


- (١) التمثيل البياني بأكمله يقع فوق المحور السيني.
- (٢) التمثيل البياني يشبه جزئيا التمثيل البياني للدالة $\frac{1}{s} = v$ يتكون من جزئين منفصلين.
- (٣) عند $s = 0$ ← v (غير معرف).

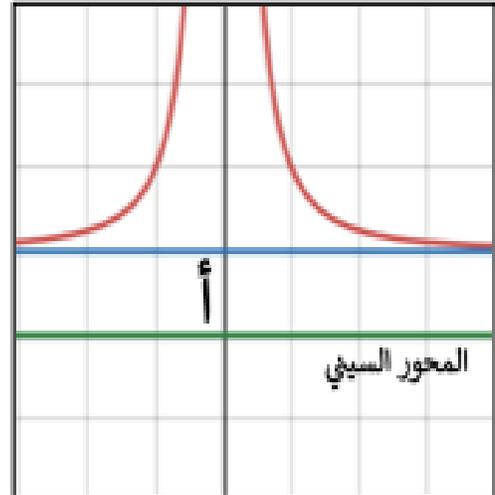
*ملاحظات:

- (١) التمثيل البياني للدالة $v = \frac{1}{s} + أ$ هو نفسه التمثيل البياني للدالة $v = \frac{1}{s}$ مع سحبه إلى:

أسفل إذا كانت $أ$ سالبة

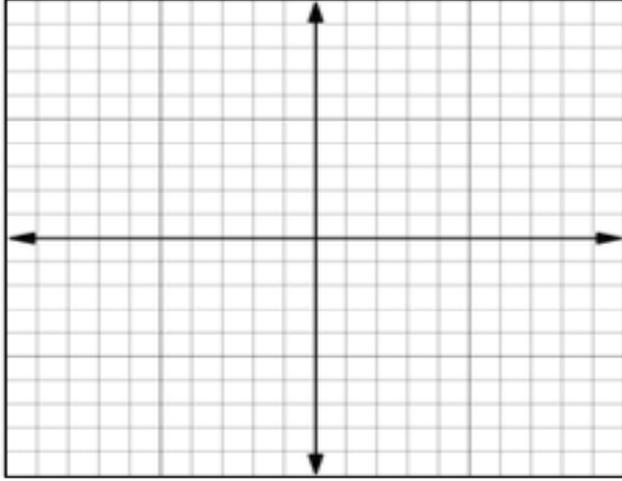


أعلى إذا كانت $أ$ موجبة



- (٢) التمثيل البياني للدالة $v = \frac{1}{s} + أ$ هو نفسه التمثيل البياني للدالة $v = \frac{1}{s}$ مع تمدد للأعلى

الدوال الخطية



التعلم القبلي:

ارسم الدوال الآتية :

$$ص = ٤ ، ص = ٢ -$$

$$ص = ١ - ، ص = ٣$$

الدالة الخطية: الصورة العامة للدالة الخطية هي:

$$ص = م س + ج$$

تمثل الجزء المقطوع
محور الصادات
نقطة تقاطع المستقيم مع
المحور الصادي (٠ ، ج)

تمثل ميل المستقيم
الميل = $\frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير لأفقى}}$

اختبر فهمك:

(١) أكمل : ميل الخط المستقيم $ص = ٢س - ٣$ هو :

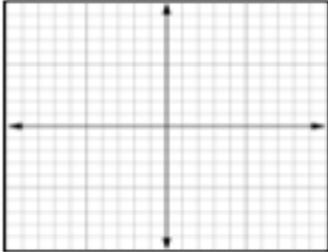
(٢) حوط نقطة تقاطع المستقيم $ص = ٤س + ٢$ مع المحو الصادي

(١ ، ٠) ○ (٠ ، ١) ○ (٠ ، ٢) ○ (٢ ، ٠) ○

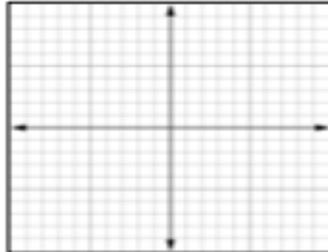
ملاحظة:

لإيجاد نقطة تقاطع المستقيم الممثل للدالة $v = m \cdot s + j$ مع المحور السيني نضع $v = 0$ ونوجد قيمة s .

مثال: ارسم التمثيل البياني للدالة $v = -s + 2$



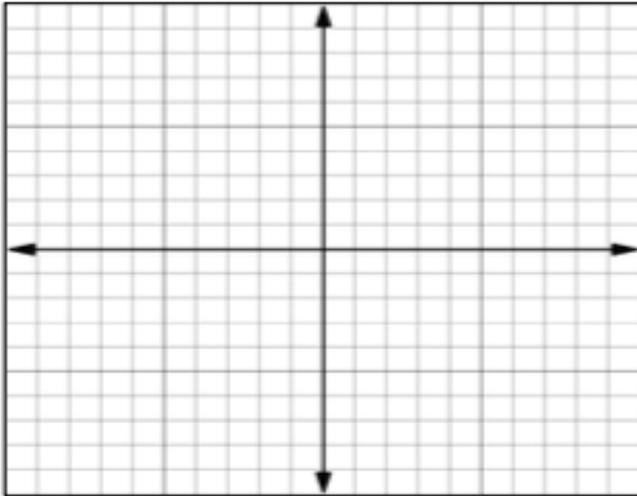
أ) بإيجاد نقاط التقاطع



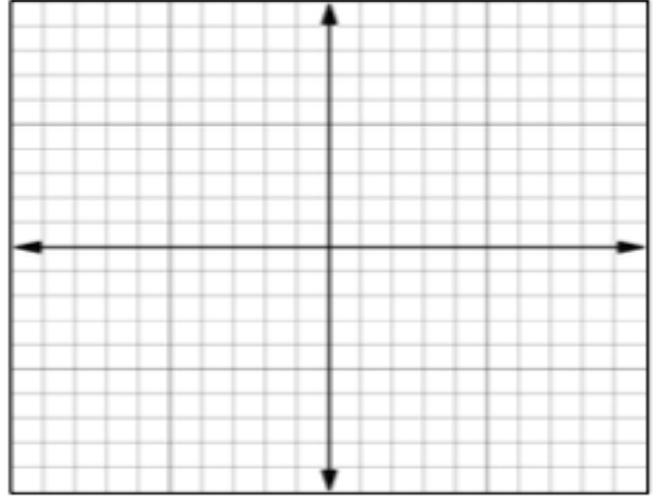
ب) باستخدام الميل والجزء المقطوع من المحور الصادي

تمرين: مثل كل من الدوال بيانيا:

ب) $v = -4s$



أ) $v = 3s + 6$



الدوال التكعيبية

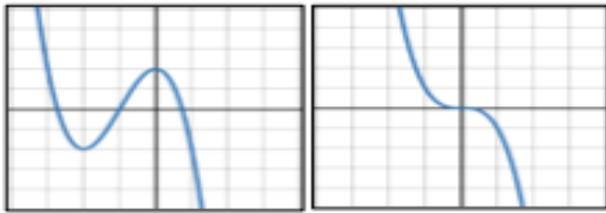
الدالة التكعيبية: تتضمن حدا مرفوعا إلى الأس ثلاثة (الحد ذو القوى الأكبر للدالة هو ثلاثة)

أمثلة لدوال تكعيبية: $ص = س^3$ ، $ص = ٢س^٣ - ٤س$ ، $ص = -٢س^٣ + ٢س^٢ + ٢$

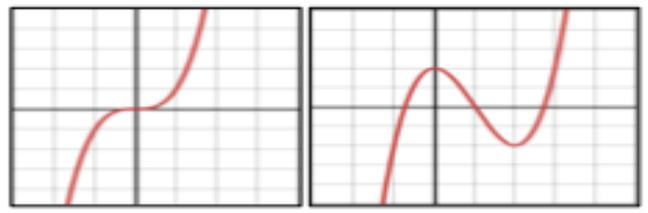
ملاحظات هامة :

(١) يسمى التمثيل البياني للدالة التكعيبية بالمنحنى التكعبي ويتخذ شكلين أساسيين :

إذا كان معامل $س^٣$ سالبا (-)

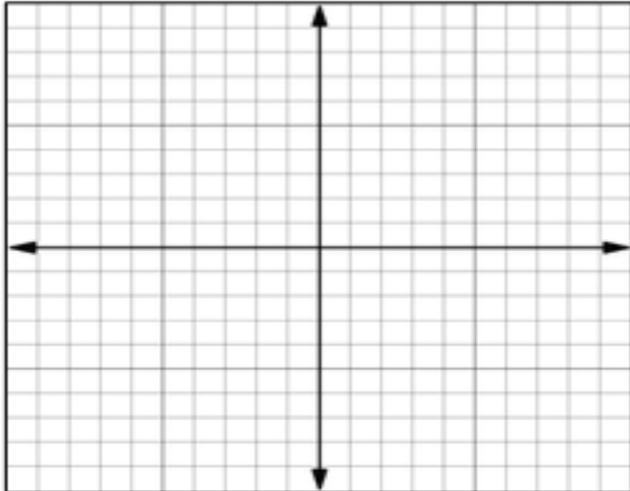


إذا كان معامل $س^٣$ موجبا (+)

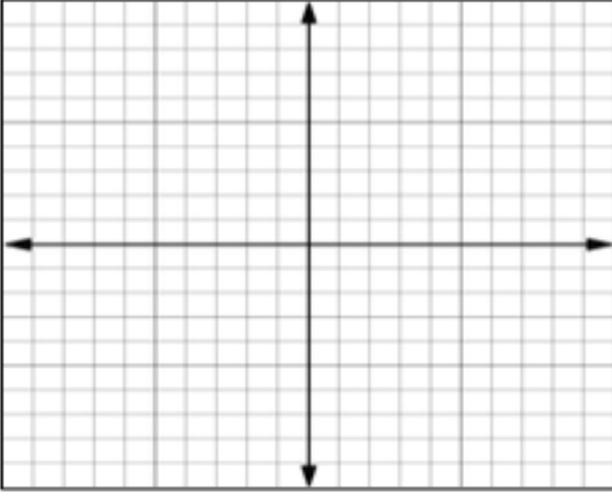


(٢) نوجد الجزء المقطوع من المحور الصادي بوضع $س = ٠$ في الدالة .

مثال: ارسم التمثيل البياني للدالة $ص = س^٣$



تمرين: ارسم التمثيل البياني للدالة
ص = ٢س^٣ + ١



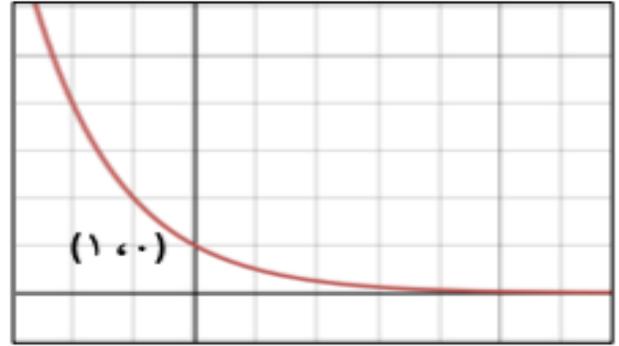
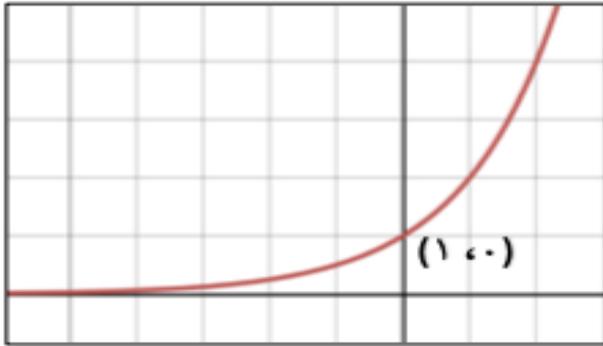
الدوال الأسية

الصورة العامة للدالة الأسية هي: $v = a^x$ حيث $a > 0$.

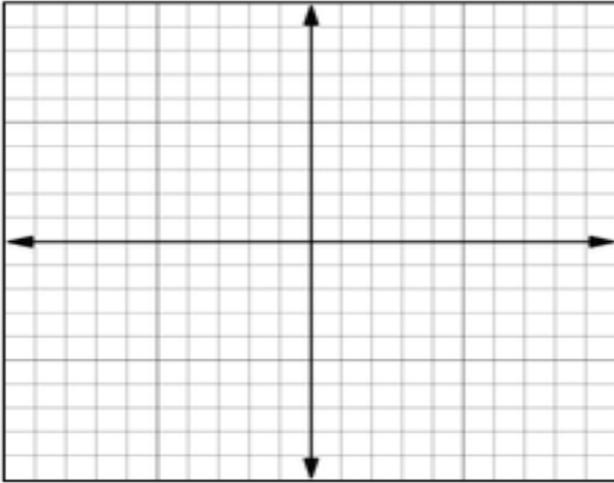
ملاحظات:

(١) التمثيل البياني للدالة الأسية يقطع المحور الصادي عند النقطة $(1, 0)$

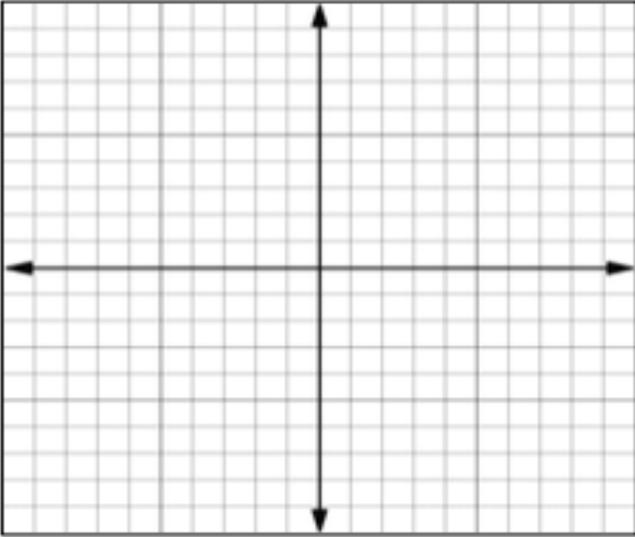
(٢) المحور السيني يمثل خط تقارب للتمثيل البياني (لأن الدالة لا يمكن أن تكون سالبة)



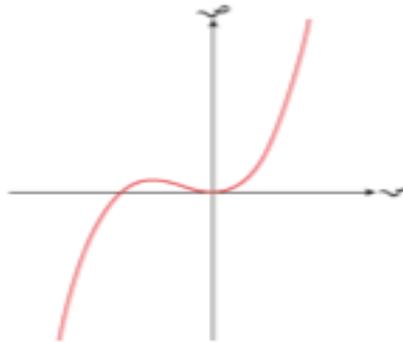
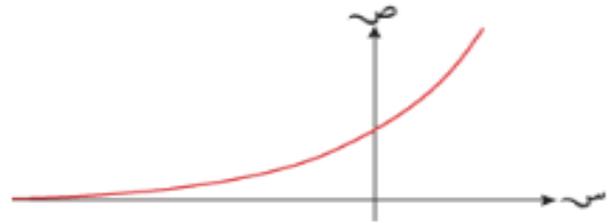
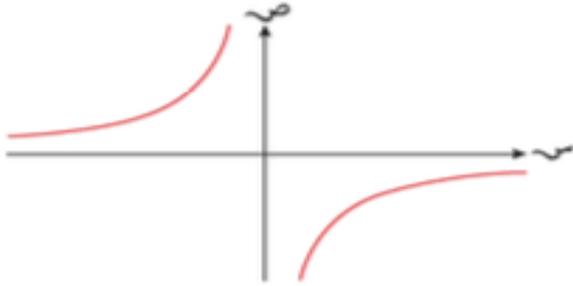
مثال: ارسم التمثيل البياني للدالة $v = 3^x$



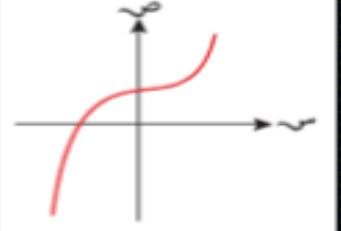
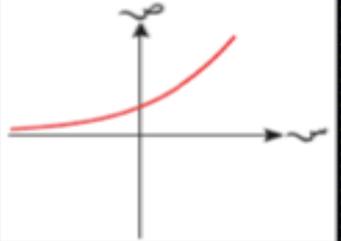
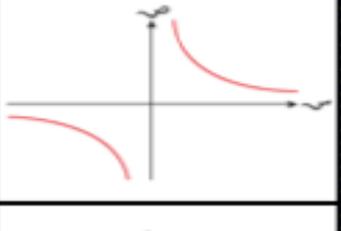
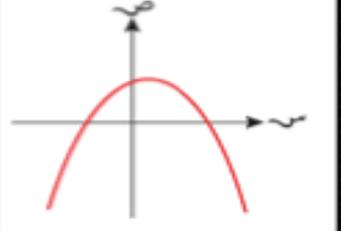
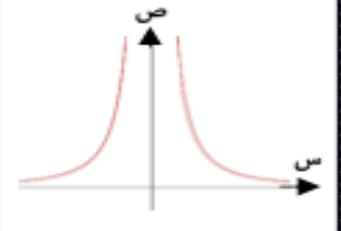
تمرين: ارسم التمثيل البياني للدالة
ص = ٣



نشاط فردي: أكتب الدالة الممكنة لكل تمثيل من التمثيلات البيانية

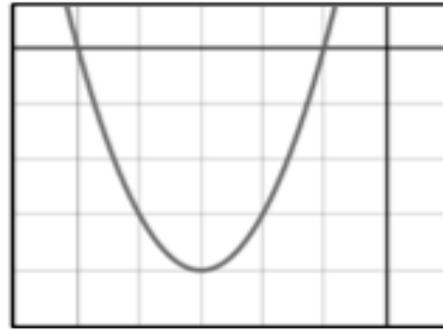
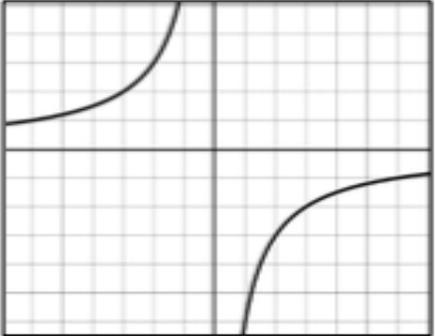
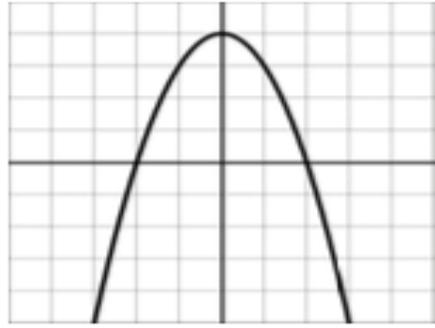
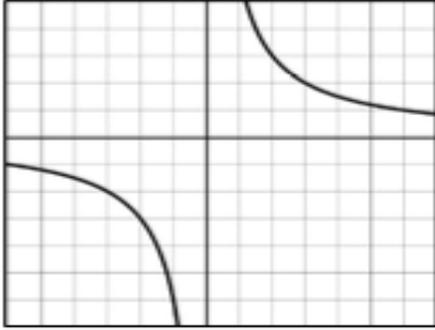


نشاط جماعي: ظل الدالة الممكنة لكل تمثيل بياني

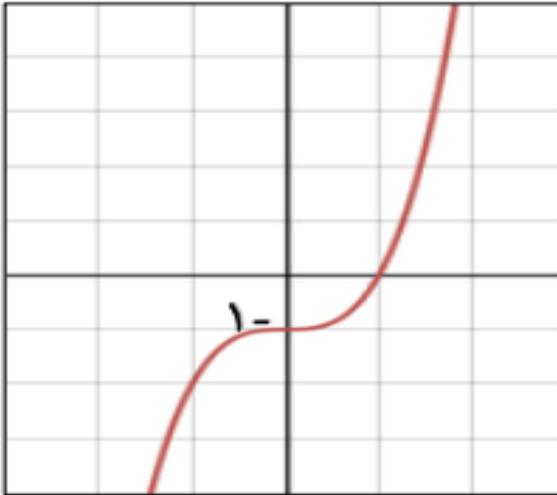
$ص = ص + ص^2 + ص^3 + 1$	$ص = ص^2$	$ص = ص - ص^2 + 1$	$ص = \frac{16}{ص}$	$ص = \frac{16}{ص^2}$	
<input type="checkbox"/>					
<input type="checkbox"/>					
<input type="checkbox"/>					
<input type="checkbox"/>					
<input type="checkbox"/>					

تقويم ختامي:

(١) حوط التمثيل البياني المناسب للدالة $\frac{7-x}{x}$ ص



(٢) من التمثيل البياني المقابل أكمل :



(أ) نقطة تقاطع الدالة مع محور الصادات هي (.....،.....)

(ب) يمثل التمثيل البياني الدالة

(ج) إشارة معامل الحد ذو القوى الأكبر في الدالة هو

تابع التقويم الختامي:

٣) إذا كانت الدالة $v = 5 - 3s$ ، أجب عن الأسئلة التالية:

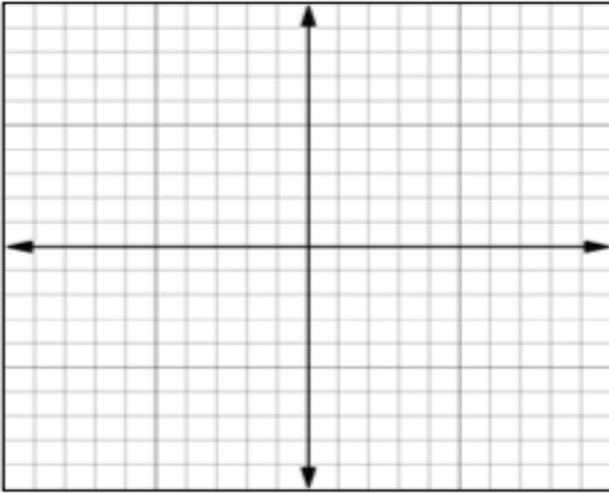
أ) أسم الدالة _____

ب) الميل = _____

ج) نقطة تقاطع الدالة مع المحور السيني (،)

د) حوطة نقطة تقاطع الدالة مع المحور الصادي
 (٣، ٠) (٣-، ٠) (٥، ٠) (٥-، ٠)

هـ) ارسم التمثيل البياني للدالة



الواجب المنزلي: رقم (٢) كتاب النشاط صفحة ٢٨