

(5-5) التصادمات في بعدين

Dr Khalifa Gad

78901412 * 78103781



معايير النجاح وتوقعات الطلاب

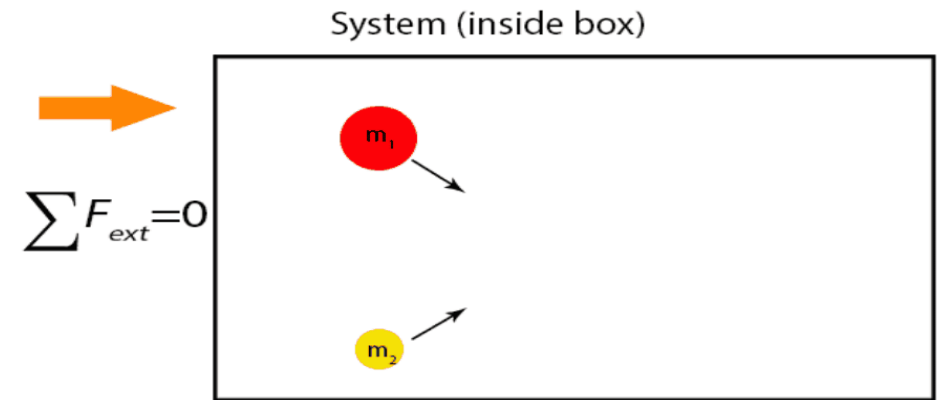
يبرهن
على حفظ
كمية
التحرك
أثناء
التصادمات
في بعدين

يستخدم
مركبات
كمية
التحرك
الرأسية
والأفقية

يشرح
التصادمات
في بعدين

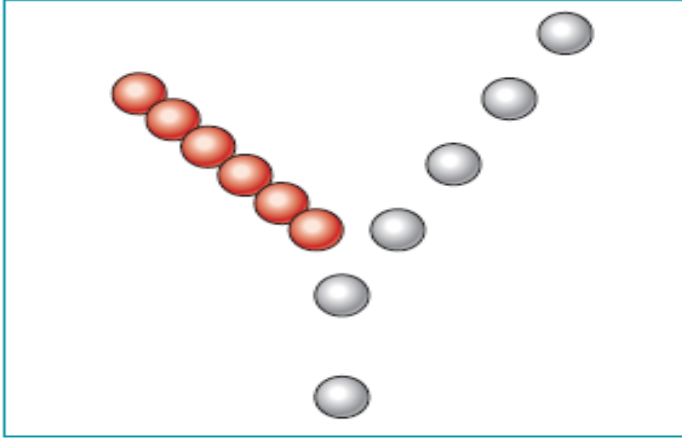
هل تعلم أنه

من النادر حدوث التصادمات في خط مستقيم (بعد واحد)
فأغلب التصادمات تحدث في بعدين



التصادمات في بعدين

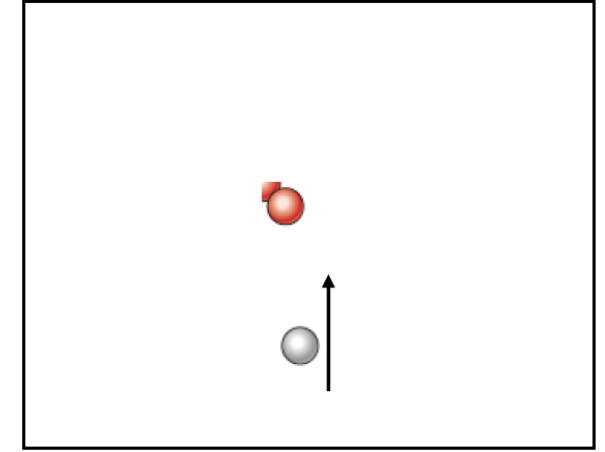
بعد
التصادم



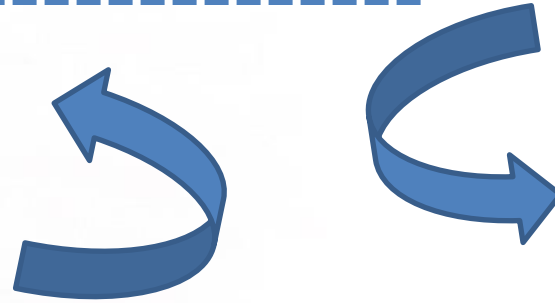
تتحرك الكرة البيضاء الى
اليمن بسرعة أكبر
(لاحظ تقارب الصور)

تنحرف الكرة الحمراء لليسار بزاوية أكبر من
انحراف الكرة البيضاء وبسرعة أبطأ
(لاحظ تقارب الصور للكرة الحمراء أكثر)

قبل
التصادم

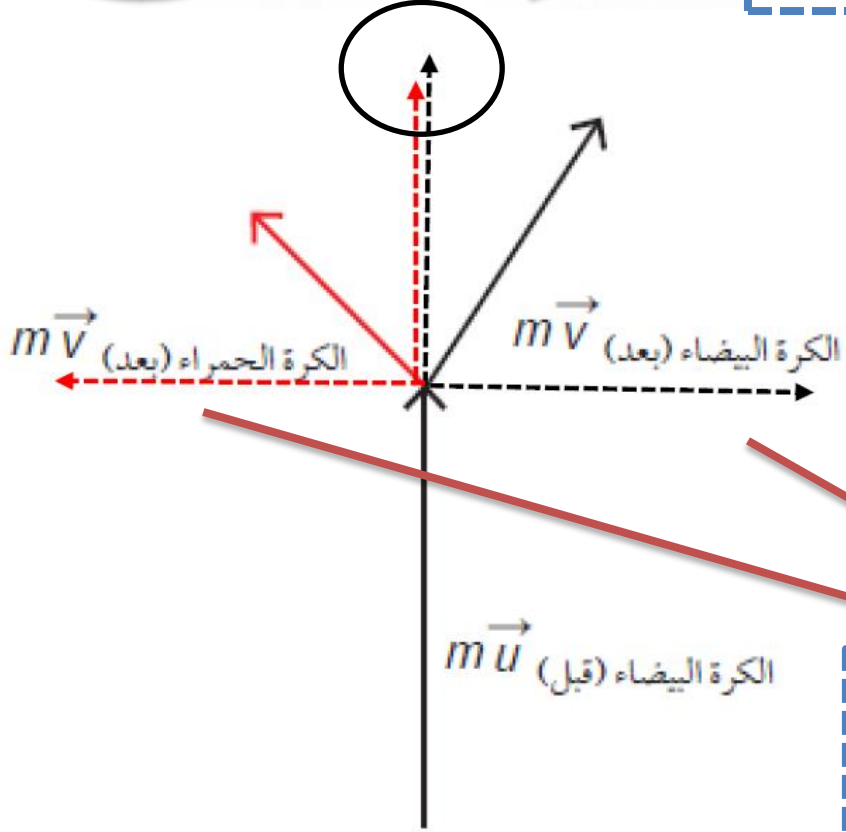


تتحرك الكرة البيضاء الى
الأمام في خط مستقيم
لتصطدم بكرة حمراء ساكنة

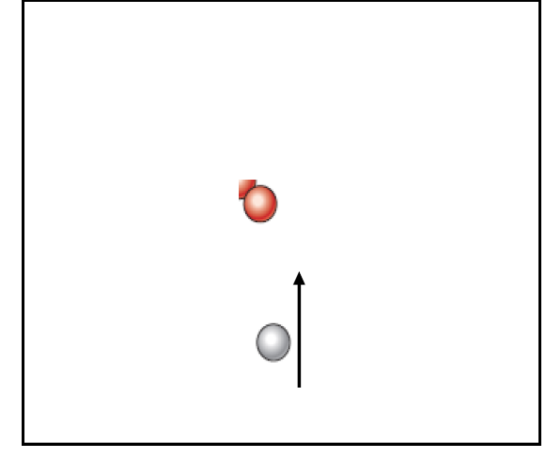


بعد
التصادم

لكل من الكرتين مركبة سرعة متجهة الى
الأمام (في الاتجاه الرأسي)



لكل من الكرتين مركبة سرعة متجهة
جانبيهية (في الاتجاه الافقي) متساويتين
في المقدار ولكن في اتجاهين متعاكسين

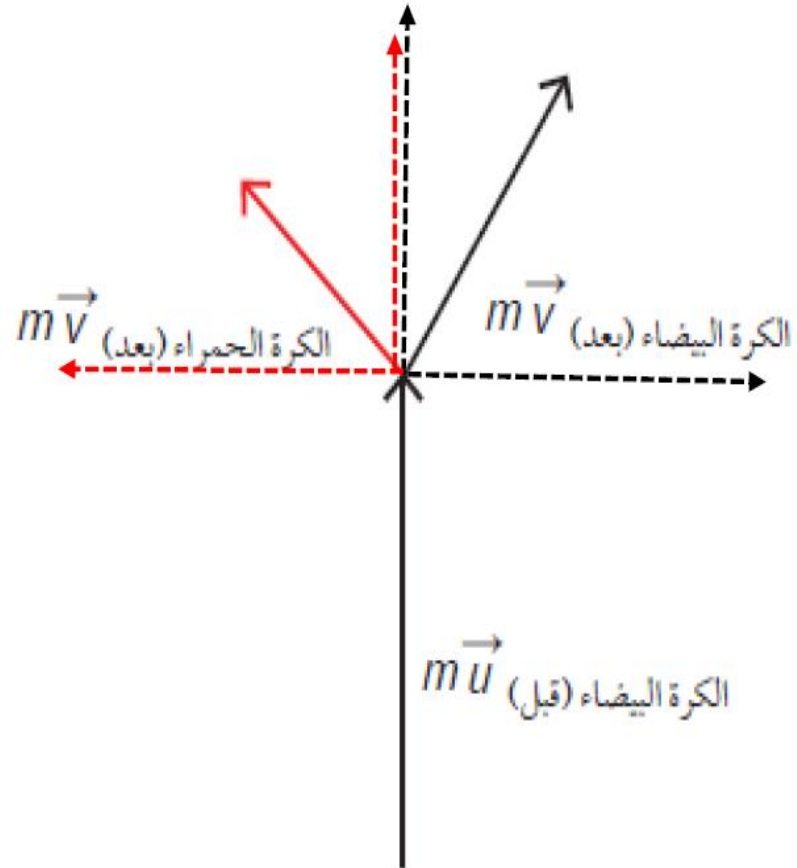


قبل
التصادم

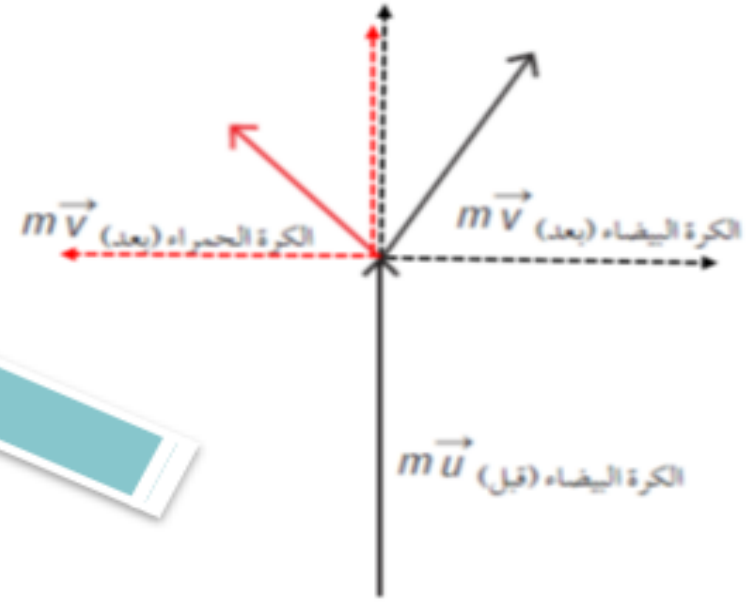
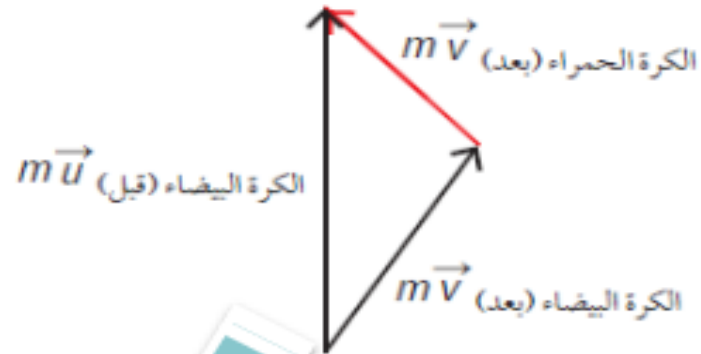
تمتلك الكرة البيضاء فقط كمية
تحرك إلى الأمام
كمية التحرك للكرة الحمراء تساوي
صفر

لاحظ أن

الكرة الحمراء تتحرك بعد
التصادم بزاوية أكبر من الكرة
البيضاء ولكن بسرعة أقل



تكون مركبة السرعة الأفقية
للكرة الحمراء مساوية لمركبة
السرعة الأفقية للكرة البيضاء



يمكن رسم مثلث لتمثيل تغير كميات التحرك في التصادم

يجمع متجهها كمية التحرك للكرتين بعد التصادم ليساوي كمية التحرك للكرة البيضاء بعد التصادم

تشكل المتجهات مثلث مغلق لان كمية التحرك محفوظة في التصادم

خطوات حل أسئلة التصادمات في بعدين

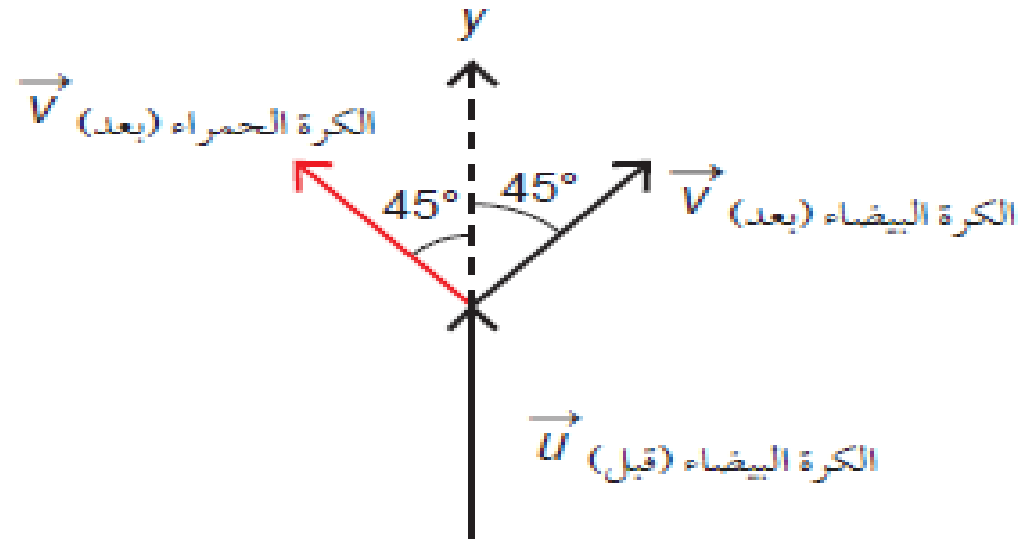
رسم مخطط السرعات المتجهة للجسمين قبل التصادم وبعد التصادم.

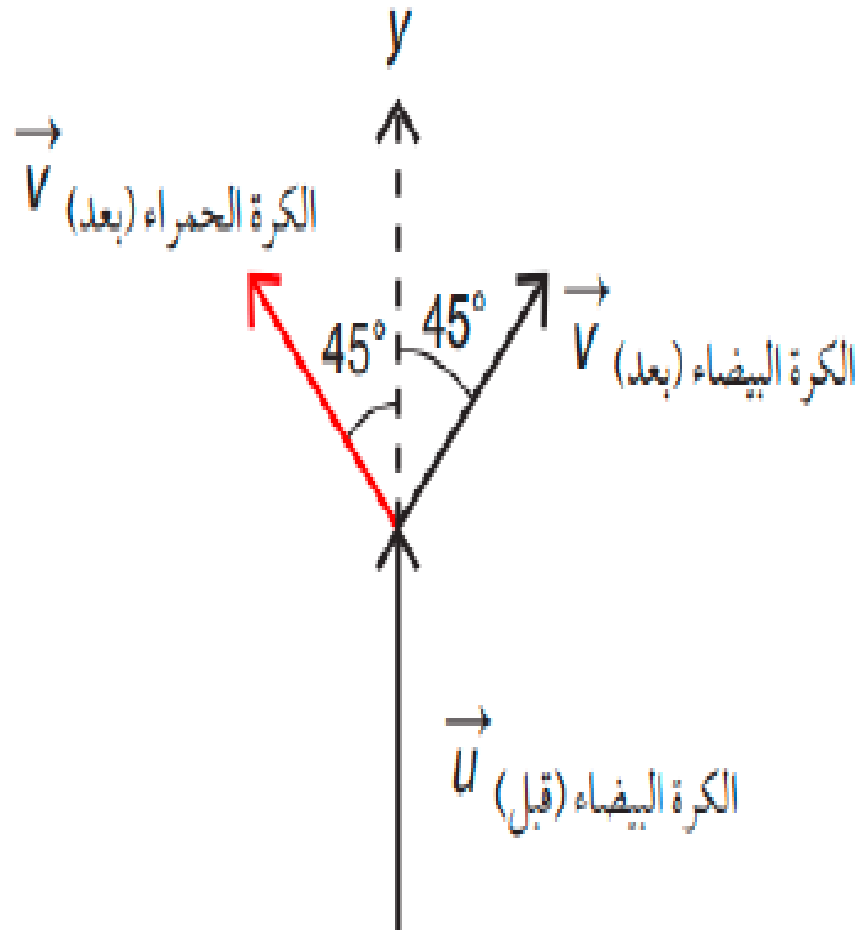
نوجد مركبات السرعة المتجهة بمعلومية الزاوية للجسمين.

نساوي كمية التحرك في الاتجاه الأفقي للجسمين قبل التصادم بكمية التحرك في الاتجاه الأفقي للجسمين بعد التصادم مع مراعاة الإشارة للدلالة على اتجاه السرعة المتجهة.

نساوي كمية التحرك في الاتجاه الرأسي للجسمين قبل التصادم بكمية التحرك في الاتجاه الرأسي للجسمين بعد التصادم مع مراعاة الإشارة للدلالة على اتجاه السرعة المتجهة.

٣. كرة بيضاء كتلتها ($m = 1.0 \text{ kg}$) تتحرك بسرعة ابتدائية ($u = 0.50 \text{ m s}^{-1}$) ثم تصطدم بكرة حمراء ساكنة لها الكتلة نفسها. تتحرك الكرتان بعد التصادم بالسرعة نفسها بحيث كانت الزاوية بين مسارَيْهما 90° ، فما مقدار سرعتيها بعد التصادم؟

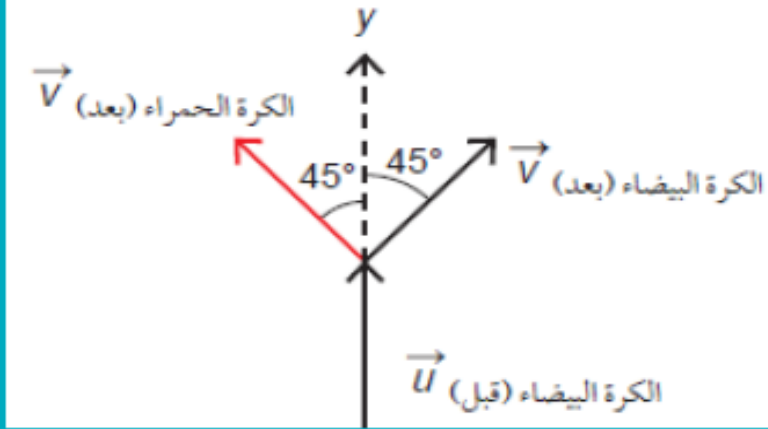




لأننا نعلم أن الكرتين متماثلتان ولهما السرعة النهائية نفسها (v)؛ لذا يجب أن يكون مساراهما متماثلين حول المحور الصادي (y).

ونظراً لأن مساريهما بعد التصادم يصنع أحدهما مع الآخر 90° لذلك يجب أن يصنع كل منهما 45° مع المحور الصادي (y).

تابع حل المثال



نحن نعلم أن كمية التحرك محفوظة على المحور الصادي (y) ومن هنا يمكننا أن نستنتج أن: كمية التحرك الابتدائية للكرة البيضاء على المحور الصادي (y) = مركبة كمية التحرك النهائية للكرة البيضاء على المحور الصادي (y) + مركبة كمية التحرك النهائية للكرة الحمراء على المحور الصادي (y)

$$2v \cos 45^\circ = 0.50$$

وعليه تكون:

$$v = \frac{0.50}{2 \cos 45^\circ} \approx 0.35 \text{ m s}^{-1}$$

لذلك تتحرك كل كرة بسرعة متجهة مقدارها (0.35 m s^{-1}) وبزاوية 45° مع الاتجاه الابتدائي للكرة البيضاء.

$$\vec{p} \text{ (بعد التصادم)} = \vec{p} \text{ (قبل التصادم)}$$

$$m\vec{u} = m\vec{v}_y + m\vec{v}_y$$

$$m\vec{u} = 2m\vec{v}_y$$

$$\vec{u} = 2\vec{v}_y$$

من الأخرى

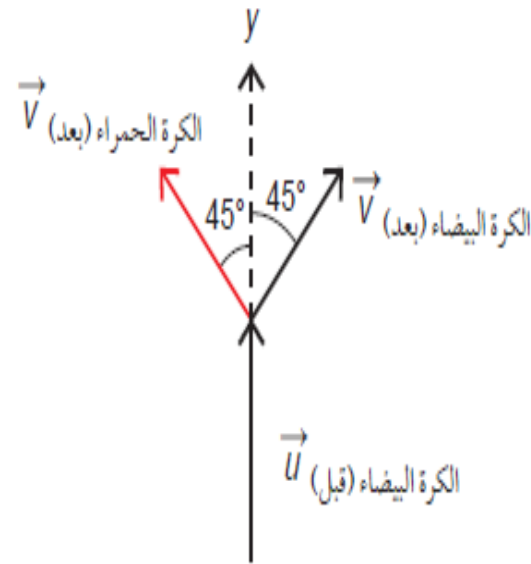
مركبة (v') على المحور الصادي (y) تساوي ($v \cos 45^\circ$). بالتعويض عن هذه القيمة وعن قيم (m) و (u)، نحصل على:

$$2v \cos 45^\circ = 0.50$$

وعليه تكون:

$$v = \frac{0.50}{2 \cos 45^\circ} \approx 0.35 \text{ m s}^{-1}$$

لذلك تتحرك كل كرة بسرعة متجهة مقدارها (0.35 m s^{-1}) وبزاوية 45° مع الاتجاه الابتدائي للكرة البيضاء.



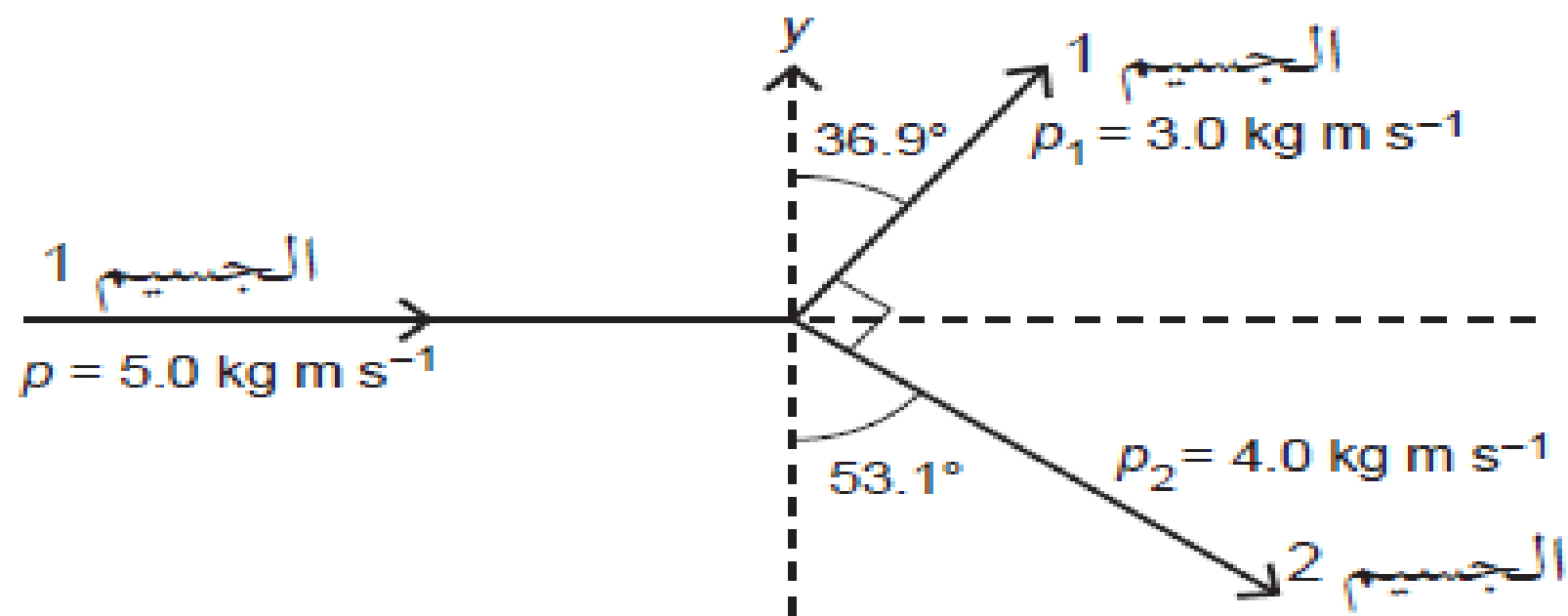
$$\vec{p} \text{ (بعد التصادم)} = \vec{p} \text{ (قبل التصادم)}$$

$$m\vec{u} = m\vec{v}_y + m\vec{v}_y$$

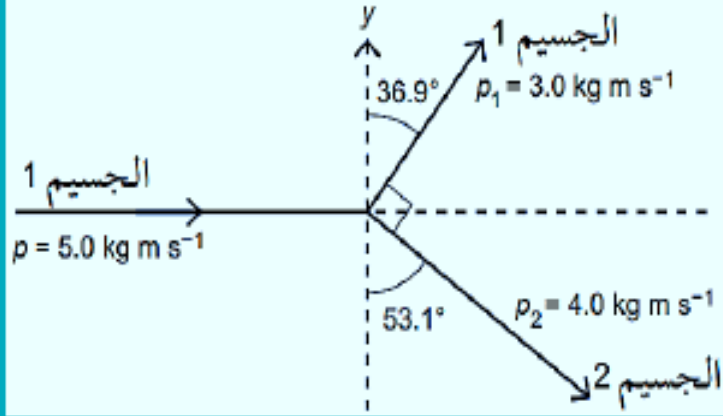
$$m\vec{u} = 2m\vec{v}_y$$

$$\vec{u} = 2\vec{v}_y$$

٤ . يبين الشكل ١١-٥ متجهات كمية التحرك لجُسيمين 1 و 2 قبل التصادم وبعده، حيث كان الجُسيم 2 ساكنًا قبل التصادم. بين أن كمية التحرك محفوظة في هذا التصادم.



الخطوة ١: لنأخذ تغيّرات كمّية التحرك على المحور الصادي (y).



- قبل التصادم:

1

كمّية التحرك: 0 = (قبل التصادم) $p_{(قبل)}$
 (لأن الجسيم 1 تحرك على المحور السيني (x) والجسيم 2 ساكن).

- بعد التصادم:

2

مركبة كمّية التحرك للجسيم 1:
 $p_{1y} = p_1 \cos 36.9^\circ$
 $p_{1y} = 3.0 \cos 36.9^\circ \approx 2.4 \text{ kg m s}^{-1}$
 إلى الأعلى

مركبة كمّية التحرك للجسيم ٢:

3

$p_{2y} = p_2 \cos 53.1^\circ$
 $= 4.0 \cos 53.1^\circ \approx 2.4 \text{ kg m s}^{-1}$
 إلى الأسفل

لنأخذ تغيّرات كمّية التحرك على المحور السيني (x).

4

$p_{x(قبل التصادم)} = p_{1x} + p_{2x}$
 - قبل التصادم:
 كمّية التحرك: $p_x = 5.0 + 0 = 5.0 \text{ kg m s}^{-1}$
 إلى اليمين

- بعد التصادم:

5

مركبة كمّية التحرك للجسيم 1:
 $p_{1x} = p_1 \sin 36.9^\circ$
 $p_{1x} = 3.0 \sin 36.9^\circ = 1.8 \text{ kg m s}^{-1}$
 إلى اليمين
 مركبة كمّية التحرك للجسيم 2:
 $p_{2x} = p_2 \sin 53.1^\circ$
 $= 4.0 \sin 53.1^\circ \approx 3.2 \text{ kg m s}^{-1}$
 إلى اليمين

كمّية التحرك الكلية بعد التصادم:

6

$p_{(الكلية)} = p_{1x} + p_{2x}$
 $= 1.8 + 3.2 = 5.0 \text{ kg m s}^{-1}$
 إلى اليمين