

## ٦-٥ التكامل المحدود

**نتيجة ٧**

$$\int_a^b d(s) \, ds = [c(s)]_a^b = c(b) - c(a)$$

يمكن أيضاً استخدام الخواص الآتية لحساب التكامل المحدود:

**نتيجة ٨**

$$k \int_a^b d(s) \, ds = \int_a^b k d(s) \, ds, \text{ حيث } k \text{ عدد ثابت.}$$

$$\int_a^b (d(s) \pm l(s)) \, ds = \int_a^b d(s) \, ds \pm \int_a^b l(s) \, ds$$

$$\int_a^b d(s) \, ds = - \int_b^a d(s) \, ds$$

**نتيجة ٩**

$$\int_a^b d(s) \, ds + \int_b^c d(s) \, ds = \int_a^c d(s) \, ds$$

**نتيجة ١٠**

$$\int_a^a d(s) \, ds = 0$$

### تمارين ٥-٦

(١) أوجد قيمة كل مما يأتي:

$$a) \int_1^2 s^2 \, ds = \left[ \frac{s^3}{3} \right]_1^2 = \frac{8}{3} - \frac{1}{3} = \frac{7}{3}$$

$$b) \int_{\frac{1}{9}}^{\frac{1}{4}} s^{\frac{3}{2}} \, ds = \left[ \frac{s^{\frac{5}{2}}}{\frac{5}{2}} \right]_{\frac{1}{9}}^{\frac{1}{4}} = \frac{1}{8} - \frac{1}{243} = \frac{239}{243}$$

$$c) \int_{(1-x^3)^{-1}}^{(1-x^3)^{-2}} (2s-3) \, ds = \left[ s^2 - 3s \right]_{(1-x^3)^{-1}}^{(1-x^3)^{-2}} = (1-x^3)^{-2} - (1-x^3)^{-1} = x^3 - 1$$

$$d) \int_1^{10-s^2} (1-s) \, ds = \left[ s - \frac{s^2}{2} \right]_1^{10-s^2} = \frac{1}{2}(10-s^2) - \frac{1}{2}(1-s^2) = \frac{9}{2} - \frac{9s^2}{2}$$

$$\left. \begin{array}{l} ٢س - ٣س \\ س^٢ \end{array} \right\} ه$$

$$\left. \begin{array}{l} ٦س - ٢ \\ س^٢ \end{array} \right\} و$$

(٢) أوجد قيمة كل مما يأتي:

$$\left. \begin{array}{l} س(س^٣ + ٢س - ٣) \\ س^٢ \end{array} \right\} ١$$

$$\left[ \frac{١}{س} - س^٢ - س \right] = \left[ \frac{١}{س} - س^٢ + س^٢ - س \right] =$$

$$\frac{١}{س} = (١ - س - ١) - (\frac{١}{س} - س \times ٢ - س) =$$

$$\left. \begin{array}{l} س(١ - س^٨) \\ س^٢ \end{array} \right\} ب$$

$$\left[ س - \frac{٨}{س} \right] = (٢ + س) - (١ + س) = \left[ س - \frac{٧}{س} \right] =$$

$$\left. \begin{array}{l} س(س^٧ - ٤١ + س^٢ - س٧) \\ س^٢ \end{array} \right\} ج$$

$$س(٤١ + س + س^٢ - ) =$$

$$-(٢ \times ٤١ + \frac{٢}{س} + ٢ \times \frac{٧}{س}) = \left[ س٤١ + س^٢ + س^٣ - س \right] =$$

$$\frac{٢}{س} = (٤١ + \frac{٢}{س} + \frac{٧}{س})$$

$$س(س - س^٣) = س(١ - س)$$

$$\left. \begin{array}{l} س(س + س^٨) \\ س^٣ \end{array} \right\} د$$

$$\left. \begin{array}{l} س(س + س^٨) \\ س^٣ \end{array} \right\} ه$$