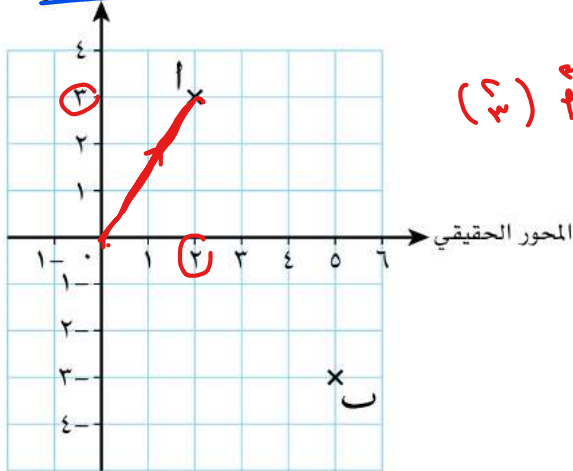


٧-٤ المستوى المركب The complex plane

المحور التخيلي j



و $(2, 3)$

العدد المركب $z = \text{س} + \text{ت} \text{ص}$ ← الحقيقي ← التخيلي

$$2 + 3j = z$$

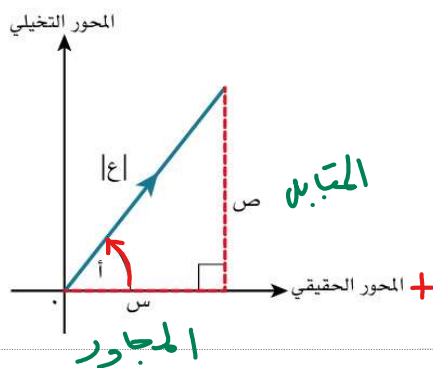
$$2 - 3j = z$$

المقياس والسعة للعدد المركب

المقياس للعدد المركب modulus of a complex number $z = \text{س} + \text{ت} \text{ص}$ هي: طول المتجه الموضعي $(\text{س}, \text{ص})$ ، أي القيمة المطلقة.

$$r = |z|$$

$$r = \sqrt{\text{س}^2 + \text{ص}^2}$$



تُعرّف السعة للعدد المركب argument of a complex number

$z = \text{س} + \text{ت} \text{ص}$ بأنها زاوية المتجه الموضعي $(\text{س}, \text{ص})$

وهي الزاوية المحصورة بين المحور الحقيقي الموجب والمتجه الموضعي ويرمز إليها بالرمز θ ، حيث $\theta > \pi$ وتقاس عادة بالراديان.

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{ص}}{\text{س}} \right)$$

$$z = \text{س} + \text{ت} \text{ص}$$

(+ , -)

(+ , +)

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{ص}}{\text{س}} \right) - \pi$$

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{ص}}{\text{س}} \right)$$

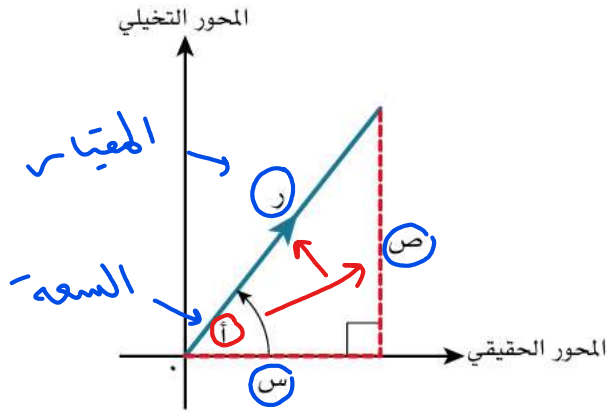
(- , -)

(- , +)

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{ص}}{\text{س}} \right) - \pi$$

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{ص}}{\text{س}} \right)$$

الصورة القطبية للعدد المركب



$$\cos \theta = \frac{s}{r} \Rightarrow s = r \cos \theta$$

$$\sin \theta = \frac{c}{r} \Rightarrow c = r \sin \theta$$

$$e = r \cos \theta + j r \sin \theta$$

$$e = r [\cos \theta + j \sin \theta]$$

$$= \sqrt{1^2 + 1^2} (\cos 45^\circ + j \sin 45^\circ)$$

الصورة الأسية للعدد المركب

$$e = r (\cos \theta + j \sin \theta)$$

تُعدّ هذه العلاقة الأساس لصورة أخرى للعدد المركب.

$$e = r (\cos \theta + j \sin \theta)$$

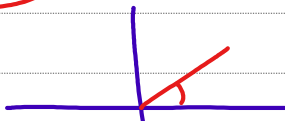
$e = r e^{j\theta}$ ، حيث r هي | e |، θ هي السعة للعدد e .

$$e = r e^{j\theta}$$

$$e = \sqrt{1^2 + 1^2} e^{j45^\circ}$$

$$e = 1 + j1$$

$$r = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$$



$$e = \sqrt{2} e^{j45^\circ}$$